



U. S. DEPT. OF AGRICULTURE  
ILLINOIS

G. Schilling

1840.



**ARISTOTELIS**  
**DE CONTINUO DOCTRINA.**

---

**DISSERTATIO INAUGURALIS**

**QUAM**

**AUCTORITATE ET CONSENSU**

**AMPLISSIMI PHILOSOPHORUM ORDINIS**

**IN UNIVERSITATE LITERARUM LUDOVICIANA**

**AD VENIAM SCHOLAS HABENDI RITE IMPETRANDAM**

**EDIDIT**

**GUSTAVUS SCHILLING**

**ANHALTINUS COTHENENSIS**

**PHILOSOPHIAE DOCTOR.**

---

**GISSAE**

**TYPIS G. F. HEYERI patris.**

---

**1840.**



**VIRIS PERILLUSTRIBUS CONSULTISSIMIS AMPLISSIMIS**

**C A R O L O   S T R E U B E L**

**POTENTISSIMO REGI SAXONIAE A CONSILIIS AULICIS EQUI TI ORDINUM  
BORUSSICI AB AQUILA RUBRA SAXONICI A VIRTUTE CIVICA RUSSICI A  
S. WLADIMIRO NUNCUPATORUM**

**F R I D E R I C O   D E   H E L B I G**

**TURMAE EQUISTRIS PRAEFECTO**

**F R A N C I S C O   B R U N N E R**

**ADVOCATO H. T. PRAESIDI COLLEGI IN CIVITATE LIPSIENSI DE REBUS  
PUBLICIS DELIBERANDI GRATIA CONSTITUTI**

**PATRONIS SUMMA OBSERVANTIA ATQUE PIETATE COLENDIS**

**HANC QUALEM CUNQUE Scriptionem**

**D. D. D.**

**AUCTOR.**



## PROOEMIUM.

Quum Parmenides unum statuisset individuum continuum Esse <sup>1)</sup>, quod Melissus nomine infiniti insigniverat <sup>2)</sup>, Anaxagoras <sup>3)</sup> et Democritus <sup>4)</sup> infinitatem posuerunt in numero et forma elementorum, continuitatem tactu effecerunt <sup>5)</sup>. Zeno rursus has notiones conjungens, quemadmodum repugnantiis inde oriundis motum ursit, et dichotomia parvum magnum effecit, ita

---

<sup>1)</sup> Parmen. fragm. v. 83.

οὐδὲ διαιρετόν ἐστιν, ἐπεὶ πᾶν ἐστὶν ὁμοῖον,  
οὐδέ τι τῇ μᾶλλον, τό κεν εἴηροι μιν συνέχεσθαι,  
οὐδέ τι χειρότερον, πᾶν δ' ἐμπλεὼν ἐστὶν ἐόντος  
τῷ συνεχὲς πᾶν ἐστὶν, ἐὼν γὰρ ἐόντι πελάζει.

<sup>2)</sup> Arist. Metaph. I, 5. Παρμενίδης μὲν γὰρ εἶκε τοῦ κατὰ τὸν λόγον ἐνὸς ἄπτεσθαι, Μελισσος δὲ τοῦ κατὰ τὴν ὕλην· διὸ καὶ ὁ μὲν πεπερασμένον, ὁ δ' ἄπειρόν φησιν εἶναι αὐτό. Ξενοφάνης δὲ πρῶτος τούτων ἐρίσας... οὐθὲν διεσαφήσισεν κ. τ. λ. cf. Brandis Scholl. in Arist. p. 544. sq. Arist. Phys. I, 1. 2.

<sup>3)</sup> Anaxag. ap. Simplic. in Arist. Phys. f. 33. b. ὁμοῦ πάντα χρήματα ἦν, ἄπειρα καὶ πλήθος καὶ σμικρότητα· καὶ γὰρ τὸ σμικρὸν ἄπειρον ἦν. cf. Arist. Met. X, 6. Phys. I, 4. de Gen. et Corr. I, 1.

<sup>4)</sup> Arist. de Gen. et Corr. I, 1. Δημόκριτος δὲ καὶ Λεύκιππος ἐκ σωμάτων ἀδιαιρέτων τᾶλλα συγκεῖσθαι φασί, ταῦτα δ' ἄπειρα καὶ τὸ πλήθως εἶναι καὶ τὰς μορφάς. cf. Phys. III, 4. de Caelo III, 4. Simpl. in Phys. f. 7. et 106.

<sup>5)</sup> Arist. Phys. III, 4. ὅσοι δ' ἄπειρα ποιοῦσι τὰ στοιχεῖα, καθάπερ Ἀναξαγόρας καὶ Δημόκριτος.... τῇ ἀφῇ συνεχὲς τὸ ἄπειρον εἶναι φασίν.



Parmenidis unum continuum Esse defendere studuit <sup>6)</sup>. Item et Plato et Xenocrates sumserant non plana tantum individua, sed etiam lineas <sup>7)</sup>. Has imprimis aliorum philosophorum de continuo sententias quum spectavit <sup>8)</sup>, tum, ut ejus mos est, reconciliare inter se studuit Aristoteles. Jam vero ejus de continuo doctrinam exponere instituentes vestigia Physicorum librorum pre-mamus, in quibus posterioribus Aristoteles de motu agens nostrum quoque de continuo locum explicat. In perlustrandis autem Physicorum libris quinto et sexto de lineis inscrabilibus libellum singularem, ubi res postulat, quasi interponamus, nec paucissima ex aliis etiam libris Aristoteleis decerpere dedignemur.

---

<sup>6)</sup> Vide, quae leguntur apud Brandis *Historia philosophiae Graeco-Romanae* pag. 410. sqq. et apud Ritter et Preller *Historia philos. Graeco-Roman.* N. 156.

<sup>7)</sup> *Met.* I, 9. τούτῳ μὲν οὖν τῷ γένει (ταῖς στιγμαῖς) καὶ διεμάχεται Πλάτων.... ἀλλ' ἐκάλει ἀρχὴν γραμμῆς, τοῦτο δὲ πολλάκις ἐτίθει τὰς ἀτόμους γραμμάς. *Alex. ad h. l. ap. Brand. Scholl.* p. 581. ἱστορεῖ δὲ ὡς καὶ Πλάτωνος, οὐ μόνον Ξενοκράτους, ἀτόμους γραμμάς τιθεμένου κ. τ. λ. *de Gen. et Corr.* I, 2. καὶ πάλιν εἰ μέγεθ' (πρῶτα ὑπάρχονσι) πότερον, ὡς Δημόκριτος καὶ Λεύκιππος, σώματα ταῦτ' ἐστίν, ἢ, ὥσπερ ἐν τῷ Τιμαίῳ, ἐπίπεδα. Sed cf. Ritter et Preller *H. P. G. R.* N. 290. et *Asclep. in Brand. Scholl.* pag. 582, a.

<sup>8)</sup> Cf. Initium libelli de *Lin. Inscr. Georgiique Pachymerae Paraphrasin.* *de Gen. et Corr.* I, 1. 2.

---

# 1.

## *Mutationis, infiniti, spatii, temporis brevis ex Aristotelis sententia expositio.*

**A**ristoteles doctrinam de natura tradere instituens, quum natura principium mutationis sit, quid sit mutatio, ante omnia explicandum esse censet. Quoniam autem mutatio in numero continuorum videtur esse, infinitum vero primum in continuo conspicuum est, neque sine loco et tempore motus esse potest, de his omnibus aperiendum est <sup>1)</sup>, antequam de continuo agitur. Parva nobis quoque, ut recte de continuo doctrinam intelligamus, ex plurium librorum disputationibus delibanda, lectorique in memoriam sunt revocanda.

Ac primum quidem *mutatio* est actus ejus, quod potestate est, quatenus tale est, vel, ut uberius dicitur, mutatio est ejus, quod potentia est, quum actu est et agit aut in se ipsum aut in aliud, quatenus mutabile est <sup>2)</sup>. Est autem haec definitio universae inter opposita mutationis <sup>3)</sup>, quae fieri posse exponitur primum ex substrato in substratum, qui *motus* proprie dicitur,

---

<sup>1)</sup> Phys. III, 1. ἐπεὶ δ' ἡ φύσις μὲν ἐστὶν ἀρχὴ κινήσεως καὶ μεταβολῆς.... δεῖ μὴ λανθάνειν τί ἐστὶ κίνησις..... δοκεῖ δ' ἡ κίνησις εἶναι τῶν συνεχῶν, τὸ δ' ἄπειρον ἐμφαίνεται πρῶτον ἐν τῷ συνεχεῖ..... πρὸς δὲ τούτοις ἄνευ τόπου καὶ κενοῦ καὶ χρόνου κίνησιν ἀδύνατον εἶναι· δῆλον οὖν ὥς.... σκεπτέον προχειρισάμενοις περὶ ἐκάστων τούτων κ. τ. λ.

<sup>2)</sup> Phys. III, 1. ἡ τοῦ δυνάμει ὄντος ἐντελέχεια, ἥ τοιοῦτον, κίνησις ἐστίν. ib. eod. ἡ δὲ τοῦ δυνάμει ὄντος, ὅταν ἐντελεχέει ὃν ἐνεργῇ ἢ αὐτὸ ἢ ἄλλο, ἥ κινητόν, κίνησις ἐστίν. cf. Phys. III, 2. Met. XI, 9.

<sup>3)</sup> Phys. V, 1. ἡ δὲ μὴ κατὰ συμβεβηκός (μεταβολή) οὐκ ἐν ἅπασιν, ἀλλ' ἐν τοῖς ἐναντίοις καὶ ἐν τοῖς μεταξὺ καὶ ἐν ἀντιφάσει. cf. Met. XI, 11.

deinde ex non-substrato in substratum, quae est generatio, denique ex substrato in non-substratum, quae est corruptio. Motus, qui proprie vocatur atque inter contraria est, tria sunt genera in categoriis qualitatis alteratio, quantitatis accretio et imminutio, spatii latitudo <sup>4)</sup>. Omnis autem in mobili motus est quiescente qualitate, quantitate, spatio <sup>5)</sup>.

Quum *infinitum* non sit separabile a sensibili, nec corpus possit esse actu infinitum, omne enim corpus definite extensum est, neque vero ab altera parte infinitum esse omnino nequeat, quoniam v. c. numeri sunt infiniti, restat ut infinitum sit potentia. Infinitum autem non est id, extra quod nihil

<sup>4)</sup> Phys. V, 1. ἐπεὶ δὲ πᾶσα μεταβολὴ ἐστὶν ἐκ τινος εἰς τι .... μεταβάλλοι ἂν τὸ μεταβάλλον τετραγῶς· ἢ γὰρ ἐξ ὑποκειμένου εἰς ὑποκείμενον, ἢ ἐξ ὑποκειμένου εἰς μὴ ὑποκείμενον, ἢ οὐκ ἐξ ὑποκειμένου εἰς ὑποκείμενον, ἢ οὐκ ἐξ ὑποκειμένου εἰς μὴ ὑποκείμενον..... ὥστε ἀνάγκη ἐκ τῶν εἰρημένων τρεῖς εἶναι μεταβολάς .... ἢ γὰρ οὐκ ἐξ ὑποκειμένου εἰς μὴ ὑποκείμενον οὐκ ἔστι μεταβολὴ διὰ τὸ μὴ εἶναι κατ' ἀντίθεσιν· οὔτε γὰρ ἐναντία οὔτε ἀντίφασίς ἐστίν· ἢ μὲν οὖν οὐκ ἐξ ὑποκειμένου εἰς ὑποκείμενον μεταβολὴ κατ' ἀντίφασιν γένεσις ἐστίν ..... ἢ δ' ἐξ ὑποκειμένου εἰς οὐκ ὑποκείμενον φθορὰ ..... ἀδύνατον γὰρ τὸ μὴ ὄν κινεῖσθαι, εἰ δὲ τοῦτο, καὶ τὴν γένεσιν κίνησιν εἶναι· γίνεται γὰρ τὸ μὴ ὄν ..... οὐ δὲ ἢ φθορὰ κίνησις· ἐναντίον μὲν γὰρ κινήσει ἢ κίνησις ἢ ἡρεμία, ἢ δὲ φθορὰ γενέσει ἐναντίον· ἐπεὶ δὲ πᾶσα κίνησις μεταβολὴ τις, μεταβολαὶ δὲ τρεῖς αἱ εἰρημέναι, τούτων δὲ αἱ κατὰ γένεσιν καὶ φθορὰν οὐ κινήσεις, αὗται δ' εἰσὶν αἱ κατ' ἀντίφασιν, ἀνάγκη τὴν ἐξ ὑποκειμένου εἰς ὑποκείμενον μεταβολὴν κίνησιν εἶναι μόνην· cap. 2. ἐπεὶ δὲ οὔτε οὐσίας οὔτε τοῦ πρὸς τι οὔτε τοῦ ποιεῖν καὶ πάσχειν, λείπεται κατὰ τὸ ποιοῦν καὶ τὸ ποσὸν καὶ τὸ ποῦ κίνησιν εἶναι μόνον· ἐν ἐκάστῳ γὰρ ἐστὶ τούτων ἐναντιώσεις· ἢ μὲν οὖν κατὰ τὸ ποιοῦν κίνησις ἀλλοίωσις ἔστω .... λέγω δὲ τὸ ποιοῦν οὐ τὸ ἐν τῇ οὐσίᾳ .... ἀλλὰ τὸ παθητικόν, καθ' ὃ λέγεται πάσχειν ἢ ἀπαθῆς εἶναι· ἢ δὲ κατὰ τὸ ποσόν, τὸ μὲν κοινὸν ἀνώνυμον, καθ' ἑκάτερον δ' αὖξήσις καὶ φθίσις..... ἢ δὲ κατὰ τὸν τρόπον καὶ τὸ κοινόν καὶ τὸ ἴδιον ἀνώνυμος, ἔστω δὲ φθορὰ καλουμένη τὸ κοινόν. cf. Met. XI, 11. sq.

<sup>5)</sup> Phys. III, 3. φανερόν, ὅτι ἐστὶν ἡ κίνησις ἐν τῷ κινητῷ· ἐντελέχεια γὰρ ἐστὶ τούτου κ. τ. λ. V, 1. ἐπεὶ δ' ἐστὶ μὲν τι τὸ κινεῖν πρῶτον, ἔστι δὲ τι τὸ κινούμενον, ἔτι ἐν ᾧ, ὁ χρόνος, καὶ παρὰ ταῦτα ἐξ οὗ καὶ εἰς ὅ· πᾶσα γὰρ κίνησις ἐκ τινος εἰς τι· ἕτερον γὰρ τὸ πρῶτον κινούμενον καὶ εἰς ὃ κινεῖται καὶ ἐξ οὗ, οἷον τὸ ξύλον καὶ τὸ θερμόν καὶ τὸ ψυχρόν· τούτων δὲ τὸ μὲν ὅ, τὸ δ' εἰς ὅ, τὸ δ' ἐξ οὗ· ἢ δὲ κίνησις δηλονότι ἐν τῷ ξύλῳ, οὐκ ἐν τῷ εἶδει· οὔτε γὰρ κινεῖ· οὔτε κινεῖται τὸ εἶδος ἢ ὁ τόπος ἢ τὸ τοσόνδε. Met. XII, 2. ἀνάγκη ὑπεῖναι τι τὸ μεταβάλλον εἰς τὴν ἐναντίωσιν· οὐ γὰρ τὰ ἐναντία μεταβάλλει.... ἔστιν ἄρα τι τρίτον παρὰ τὰ ἐναντία, ἢ ὕλη..... εἰς ἐναντιώσεις ἂν εἶεν τὰς καθ' ἑκάστον αἱ μεταβολαί· ἀνάγκη δὲ μεταβάλλειν τὴν ὕλην δυναμένην ἅμω.

est, sed potius extra quod semper aliquid est. Id autem sic accipiendum, ut infinitum in eo sit, quod aliud semper et aliud sumatur, et quod sumitur semper quidem illud finitum sit, sed tamen aliud atque aliud semper. Infinitas non manet, sed fit ut tempus temporisque numerus. Est autem infinitum additione vel divisione detractationeque. Extensio additione finita est. Qui enim quidquam coelo potest esse majus? Divisione vero infinita est. Numerus, si spectas ad minus, finitus est, ad majus superat unamquamque multitudinem, quoniam numerus est divisionum continui. Infinitas autem extensionis, motus et temporis non eadem. Prima enim infinitas extensionis, per quam est infinitas motus, unde et temporis <sup>6)</sup>.

Ubi *locum* sive *spatium* nec formam nec materiam nec intervallum inter extrema sive superficies corporis esse posse demonstravit Aristoteles, so-

<sup>6)</sup> Phys. III, 5. χωριστὸν μὲν οὖν εἶναι τὸ ἄπειρον τῶν αἰσθητῶν, αὐτό τι ὃν ἄπειρον, οὐχ οἷόν τε κ. τ. λ. Met. XI, 10. εἰ γὰρ σώματος λόγος τὸ ἐπιπέδοις ὠρισμένον, οὐκ εἴη ἂν ἄπειρον σῶμα οὐτ' αἰσθητὸν οὐτε νοητὸν κ. τ. λ. cf. Phys. III, 5. Phys. III, 6. ὅτι δ' εἰ μὴ ἐστὶν ἄπειρον ἀπλῶς, πολλὰ ἀδύνατα συμβαίνει, διήλον· τοῦ τε γὰρ χρόνον ἔσται τις ἀρχὴ καὶ τελευτὴ, καὶ τὰ μεγέθη οὐ διαμετὰ εἰς μεγέθη, καὶ ἀριθμοὶς οὐκ ἔσται ἄπειρος. ὅταν δὲ διωρισμένων οὕτως μηδετέρως φαίνεται ἐνδέχασθαι, διαιτητοῦ δεῖ καὶ διήλον ὅτι πῶς μὲν ἔστι πῶς δ' οὐ. λέγεται δὴ τὸ εἶναι τὸ μὲν δυνάμει τὸ δὲ ἐντελεχείᾳ..... λείπεται οὖν δυνάμει εἶναι τὸ ἄπειρον. ib. eod. συμβαίνει δὲ τοῦναντίον εἶναι ἄπειρον ἢ ὡς λέγουσιν. οὐ γὰρ οὐ μηδὲν ἔξω, ἀλλ' οὐ αἰεὶ τι ἔξω ἐστὶ, τοῦτο ἄπειρόν ἐστιν. ib. eod. ὅλως μὲν γὰρ οὕτως ἐστὶ τὸ ἄπειρον, τῷ αἰεὶ ἄλλο καὶ ἄλλο λαμβάνεσθαι, καὶ τὸ λαμβανόμενον μὲν αἰεὶ εἶναι πεπερασμένον, ἀλλ' αἰεὶ γε ἕτερον καὶ ἕτερον. Phys. III, 7. οὐδὲ μένει ἢ ἀπειρία ἀλλὰ γίνεται, ὥσπερ καὶ ὁ χρόνος καὶ ὁ ἀριθμὸς τοῦ χρόνου. Phys. III, 6. τὸ ἄπειρον ἔστι μὲν προσθέσει ἔστι δὲ καὶ ἀφαιρέσει. Phys. III, 7. ἐπὶ δὲ τῶν μεγεθῶν τοῦναντίον ἐστὶν· διαιρεῖται μὲν γὰρ εἰς ἄπειρα τὸ συνεχές, ἐπὶ δὲ τὸ μείζον οὐκ ἔστιν ἄπειρον. ὅσον γὰρ ἐνδέχεται δυνάμει εἶναι, καὶ ἐνεργείᾳ ἐνδέχεται τοσοῦτον εἶναι. ὥστε ἐπεὶ ἄπειρον οὐδὲν ἐστὶ μέγεθος αἰσθητόν, οὐκ ἐνδέχεται παντὸς ὑπερβολὴν εἶναι ὠρισμένον μεγέθους· εἴη γὰρ ἂν τι τοῦ οὐρανοῦ μείζον. ib. eod. εὐλόγως δὲ καὶ τὸ ἐν μὲν τῷ ἀριθμῷ εἶναι ἐπὶ τὸ ἐλάχιστον πέρας, ἐπὶ δὲ τὸ πλεον αἰεὶ παντὸς ὑπερβάλλειν πλήθους, ἐπὶ δὲ τῶν μεγεθῶν τοῦναντίον ἐπὶ μὲν τὸ ἔλαττον παντὸς ὑπερβάλλειν μεγέθους, ἐπὶ δὲ τὸ μείζον μὴ εἶναι μέγεθος ἄπειρον. αἴτιον δ' ὅτι τὸ ἐν ἐστὶν ἀδιάμετρον, ὃ τι περ ἂν ἐν ἢ . . . . ὃ δ' ἀριθμὸς ἐστὶν ἕνα πλείω καὶ ποσ' ἅττα· ὥστ' ἀνάγκη στήναι ἐπὶ τὸ ἀδιάμετρον. . . . ἐπὶ δὲ τὸ πλεον αἰεὶ ἔστι νοῆσαι· ἄπειροι γὰρ αἱ διχοτομίαι τοῦ μεγέθους. ib. eod. τὸ ἄπειρον οὐ ταυτόν ἐν μεγέθει καὶ κινήσει καὶ χρόνῳ, ὡς μία τις φύσις, ἀλλὰ τὸ ὕστερον λέγεται κατὰ τὸ πρότερον, οἷον κίνησις μὲν ὅτι τὸ μέγεθος ἐφ' οὗ κινεῖται ἢ ἀλλοιοῦται ἢ ἀνξάνεται, ὁ χρόνος δὲ διὰ τὴν κίνησιν. cf. Met. XI, 10.

lum quantum restare censuit, ut locus sit extremum seu finis corporis continentis aequalis. Continetur vero id corpus, quod latione potest moveri. Neque vero ita spatium intelligendum est, ut sit vacuum sive inane, quod esse non posse multis demonstratur argumentis. Hinc mundum Aristoteli continuo impletum esse facilis est existimatio. Partes coeli i. e. mundi in spatio sunt, mundus ipse non item, nihil enim continens extra eum est. Coelum vero ipsum quatenus movetur suarum partium spatium est, nam in circulo unum alterum continet. Igitur superae modo partes circulo feruntur. Spatium denique non est mundus, sed aliquid mundi, extremus et immobilis finis, qui corpora tangit mobilia <sup>7)</sup>.

*Tempus* quum nec sit motus, nec sine motu, aliquid motus esse oportet. *Extensioni* quum se applicet motus et tempus, alterum deinceps ab altero excipit τὸ prius et posterius, quod primum per se in extensione est. Quod ubi cogitamus diversum diverso interposito medio, et sic, ut ait Aristoteles, duo nunc effatur animus, unum anterius, alterum posterius, tum dicimus tempus esse. Constituitur igitur tempus tribus, per τὸ ante, per τὸ post perque unum eundemque utriusque medium finem, quem proprie vocamus nunc. Illud

<sup>7)</sup> Phys. IV, 4. πρῶτον μὲν οὖν δεῖ κατανοῆσαι ὅτι οὐκ ἂν ἐζητεῖτο ὁ τόπος, εἰ μὴ κίνησις τις ἦν ἢ κατὰ τόπον· διὰ γὰρ τοῦτο καὶ τὸν οὐρανὸν μάλιστα οἰόμεθα ἐν τόπῳ, ὅτι ἀλλ' ἐν κινήσει. ib. eod. ἤδη τοίνυν φανερόν ἐκ τούτων τί ἐστὶ ὁ τόπος. σχεδὸν γὰρ τέτταρά ἐστιν ὧν ἀνάγκη τὸν τόπον εἶναι· ἢ γὰρ μορφή ἢ ὕλη ἢ διάστημα τι τὸ μεταξὺ τῶν ἐσχατῶν, ἢ τὰ ἔσχατα, εἰ μὴ ἐστὶ μηδὲν διάστημα παρὰ τὸ τοῦ ἐγγιστομένου σώματος μέγεθος. τούτων δ' ὅτι οὐκ ἐνδέχεται τὰ τρία εἶναι, φανερόν κ. τ. λ. εἰ τοίνυν μηδὲν τῶν τριῶν ὁ τόπος ἐστὶ, μήτε τὸ εἶδος, μήτε ἡ ὕλη, μήτε διάστημα τι ἀλλ' ὑπάρχον ἕτερον παρὰ τὸ τοῦ πράγματος τοῦ μεθισταμένου, ἀνάγκη τὸν τόπον εἶναι τὸ λοιπὸν τῶν τεσσάρων, τὸ πέρας τοῦ περιέχοντος σώματος. λέγει δὲ τὸ περιεχόμενον σῶμα τὸ κινητὸν κατὰ φορὰν . . . . . ἐστὶ δ' ὥσπερ τὸ ἀγγεῖον τόπος μεταφορετός, οὕτω καὶ ὁ τόπος ἀγγεῖον ἀμετακίνητον . . . . . δοκεῖ ἐπίπεδόν τι εἶναι καὶ οἷον ἀγγεῖον ὁ τόπος καὶ περιέχον. ἔτι ἅμα τῷ πράγματι ὁ τόπος· ἅμα γὰρ τῷ πεπερασμένῳ τὰ πέρατα. Phys. IV, 5. ὧ μὲν οὖν σῶματι ἐστὶ τι ἐκτὸς σῶμα περιέχον αὐτό, τοῦτό ἐστιν ἐν τόπῳ. ὧ δὲ μή, οὐ . . . . . ὁ δ' οὐρανός . . . οὐ πον ὅλος οὐδ' ἐν τινι τόπῳ ἐστίν, εἴγε μηδὲν αὐτὸν περιέχει σῶμα. ἐφ' ᾧ δὲ κινεῖται, ταύτῃ καὶ τόπος ἐστὶ τοῖς μορίοις· ἕτερον γὰρ ἑτέρου ἐχόμενον τῶν μορίων ἐστίν . . . . . τὰ γὰρ μόρια ἐν τόπῳ πως πάντα· ἐπὶ τῷ κύκλῳ γὰρ περιέχει ἄλλο ὄλλο. διὸ κινεῖται μὲν κύκλῳ τὸ ἄνω, τὸ δὲ πᾶν οὐ πον . . . . . ἐστὶ δ' ὁ τόπος οὐχ ὁ οὐρανός, ἀλλὰ τοῦ οὐρανοῦ τι τὸ ἔσχατον καὶ ἀπτόμενον τοῦ κινητοῦ σώματος πέρας ἡρεμοῦν. De vacuo disputatio continetur Phys. IV, 6—9.

nunc, quod proprie vocatur et per se, quatenus finis est praeteriti ac futuri temporis, nec praeteriti quidquam, nec futuri continet, unum idemque individuum est. Ne multa, absolutum nunc, quod per se vocatur, nec tempus est, nec propter id ipsum quidquam in eo movetur vel quiescit, nec pars temporis, nec metitur tempus. Ita tempus est numerus motus continui ratione habita τῷ prius et posterius. Quoniam autem numerus duobus modis dicitur, numerusque dicitur sive summa, quod numeratur et numerabile est, numerus abstractus, quo numeramus, tempus est id, quod numeratur <sup>8)</sup>). Quum autem

\*) Phys. IV, 10. ἐπεὶ δὲ δοκεῖ μάλιστα κινήσεις εἶναι καὶ μεταβολή τις ὁ χρόνος, τοῦτ' ἂν εἶη σκεπτέον. ἡ μὲν οὖν ἐκάστου μεταβολῆ καὶ κινήσεως ἐν αὐτῷ τῷ μεταβάλλοντι μόνον ἐστίν. . . . . ὁ δὲ χρόνος ὁμοίως καὶ πανταχοῦ καὶ παρὰ πᾶσιν. ἐτι δὲ μεταβολὴ μὲν ἐστὶ πᾶσα θάττων καὶ βραδυντέρα, χρόνος δ' οὐκ ἔστιν. . . . . ὅτι μὲν τοίνυν οὐκ ἔστι κινήσεις, φανερόν. **cap. 11.** ἀλλὰ μὴν οὐδ' ἄνευ γε μεταβολῆς· ὅταν γὰρ μηδὲν αὐτοὶ μεταβάλλωμεν τὴν διάνοιαν ἢ λάθωμεν μεταβάλλοντες, οὐ δοκεῖ ἡμῖν γεγονέναι χρόνος κ. τ. λ. ὥστε ἤτοι κινήσεις ἢ τῆς κινήσεως τι ἐστὶν ὁ χρόνος. ἐπεὶ οὖν οὐ κινήσεις, ἀνάγκη τῆς κινήσεως τι εἶναι αὐτόν. . . . . τὸ δὲ δὴ πρότερον καὶ ὕστερον ἐν τόπῳ πρῶτόν ἐστιν. ἐνταῦθα μὲν δὴ τῇ θέσει· ἐπεὶ δ' ἐν τῷ μεγέθει ἐστὶ τὸ πρότερον καὶ ὕστερον, ἀνάγκη καὶ ἐν κινήσει εἶναι τὸ πρότερον καὶ ὕστερον, ἀνάλογον τοῖς ἐκεῖ. ἀλλὰ μὴν καὶ ἐν χρόνῳ ἐστὶ τὸ πρότερον καὶ ὕστερον διὰ τὸ ἀκολουθεῖν ἀεὶ θατέρῳ θατέρων αὐτῶν. . . . . ἀλλὰ μὴν καὶ τὸν χρόνον γε γνωρίζομεν, ὅταν ὀρίσωμεν τὴν κίνησιν, τὸ πρότερον καὶ τὸ ὕστερον ὀρίζοντες· καὶ τότε φαινόμενον γεγονέναι χρόνον, ὅταν τοῦ προτέρου καὶ ὑστερου ἐν τῇ κινήσει αἰσθησιν λάβωμεν. ὀρίζομεν δὲ τῷ ἄλλο καὶ ἄλλο ὑπολαβεῖν αὐτά, καὶ μεταξὺ τι αὐτῶν ἕτερον· ὅταν γὰρ ἕτερα τὰ ἄκρα τοῦ μέσου νοήσωμεν, καὶ δύο εἴπῃ ἢ ψυχῇ τὰ νῦν, τὸ μὲν πρότερον τὸ δ' ὕστερον, τότε καὶ τοῦτό φαινόμενον εἶναι χρόνον· τὸ γὰρ ὀριζόμενον τῷ νῦν χρόνος εἶναι δοκεῖ καὶ ὑποκείσθω. ὅταν μὲν οὖν ὡς ἐν τῷ νῦν αἰσθανώμεθα, καὶ μὴ ἤτοι ὡς πρότερον καὶ ὕστερον ἐν τῇ κινήσει ἢ ὡς τὸ αὐτὸ μὲν πρότερον δὲ καὶ ὕστερον τινός, οὐ δοκεῖ χρόνος γεγονέναι οὐθίς, ὅτι οὐδὲ κινήσεις. ὅταν δὲ τὸ πρότερον καὶ τὸ ὕστερον, τότε λέγομεν χρόνον· τοῦτο γὰρ ἐστὶ ὁ χρόνος, ἀριθμὸς κινήσεως κατὰ τὸ πρότερον καὶ ὕστερον. οὐκ ἄρα κινήσεις ὁ χρόνος ἀλλ' ἢ ἀριθμὸν ἔχει ἢ κίνησις. σημεῖον δὲ· τὸ μὲν γὰρ πλεῖον καὶ ἔλαττον κρίνομεν ἀριθμῷ, κίνησιν δὲ πλείω καὶ ἐλάττω χρόνῳ· ἀριθμὸς ἄρα τις ὁ χρόνος. ἐπεὶ δ' ἀριθμὸς ἐστὶ διχῶς (καὶ γὰρ τὸ ἀριθμούμενον καὶ τὸ ἀριθμητὸν ἀριθμὸν λέγομεν, καὶ ὃ ἀριθμοῦμεν), ὁ δὲ χρόνος ἐστὶ τὸ ἀριθμούμενον καὶ οὐχ ὃ ἀριθμοῦμεν. . . . . καὶ ὥσπερ ἡ κίνησις ἀεὶ ἄλλη καὶ ἄλλη, καὶ ὁ χρόνος. ὁ δ' ἅμα πᾶς χρόνος ὁ αὐτός· τὸ γὰρ νῦν τὸ αὐτὸ ὃ ποτ' ἦν· τὸ δ' εἶναι αὐτῷ ἕτερον. τὸ δὲ νῦν τὸν χρόνον μετρεῖ, ἢ προτερον καὶ ὕστερον. *ibid. eod.* χρόνος μὲν γὰρ ὁ τῆς φορᾶς ἀριθμὸς, τὸ νῦν δὲ ὡς τὸ φερόμενον οἷον μόνας ἀριθμοῦ. *ib. eod.* ἐτι φανερόν, ὅτι οὐδὲ μύριον τὸ νῦν τοῦ χρόνον. . . . . ἢ μὲν οὖν πέρας τὸ νῦν, οὐ χρόνος. **Phys. IV, 3.** ἀνάγκη δὲ καὶ

motus semper alius sit, etiam tempus. Omne vero quod simul est tempus, idem est. Relativum illud nunc, quod vocatur καθ' ἑτερον et complectitur τὸ ante et τὸ post et utriusque medium terminum, metitur tempus. Est ergo unitas temporalis vel elementum. Itaque metitur tempus motum, et motus tempus ita tamen, ut aequalis motus circularis, quatenus est primus, prima sit mensura, quippe cujus numerus sit vulgo notissimus.

## 2.

*De universa continuitate.*

Primum Aristoteles earum notionum definitiones exhibet, quae aut faciunt ad explicandum continuum, aut ab eo discernendae sunt. *Loco simul*, inquit, dicuntur esse ea, quae in uno primo sive aequali loco sunt, *tangere* se ea, quorum extrema sunt simul. *Intermedium* est id, ad quod prius pervenire debet id, quod natura continuo mutatur, quam ad id, in quod ultimum mutatur. Ultimum autem mutationis est oppositum, et quod recta plurimum distat, id in spatio oppositum est. Ita ad minimum tria ad intermedium requiruntur. *Deinceps* id est, quod situ aut natura aut alio modo definitum principium sic excipit, ut ejusdem generis nihil sit interpositum, v. c. linea lineam, domus domum, unitas unitatem. Alius vero generis aliquid licet sit interpositum. *Adhaeret* id, quod deinceps se tangit. *Continuum* est, quod haerens. Dicit autem ea esse continua, quorum ex extremis, quibus se tangunt, unum idemque factum est, quaeque, ut notatio vocis ostendit, continentur. Extremis igitur non jam diversis, ubi unum tactu, sed non per tactum factum est, in eo continuum positum est. Itaque discretum a continuo ita discernit, ut con-

τὸ νῦν τὸ μὴ καθ' ἕτερον ἀλλὰ καθ' αὐτὸ καὶ πρῶτον λεγόμενον ἀδιαίρετον εἶναι . . . ἐστὶ γὰρ ἔσχατόν τι τοῦ γεγονότος, οὐ ἐπὶ τὰδε οὐδὲν ἐστὶ μέλλοντος καὶ πάλιν τοῦ μέλλοντος, οὐ ἐπὶ τὰδε οὐδὲν ἐστὶ τοῦ γεγονότος· ὃ δὴ ἔφαμεν ἀμφοῖν εἶναι πέρας. ib. eod. ὅτι δ' οὐδὲν ἐν τῷ νῦν κινεῖται, ἐκ τῶνδε φανερόν ἐστι κ. τ. λ. ib. eod. ἀλλὰ μὴν οὐ δ' ἡρεμεῖν (ἐστὶν ἐν τῷ νῦν). Phys. IV, 14. μετρεῖται . . . ὃ τε χρόνος κινήσει καὶ ἡ κίνησις χρόνῳ. τοῦτο δ' ἐστίν, ὅτι ὑπὸ τῆς ὠρισμένης κινήσεως χρόνῳ μετρεῖται τῆς τε κινήσεως τὸ ποσὸν καὶ τοῦ χρόνου. εἰ οὖν τὸ πρῶτον μέτρον πάντων τῶν συγγενῶν, ἡ κυκλοφορία ἢ ὁμαλὴς μέτρον μάλιστα, ὅτι ὁ ἀριθμὸς ὁ ταύτης γνωριμώτατος.

tinui partium sit unus et communis terminus, quo conjunguntur lineae puncto, superficies linea, corpus linea vel superficie, praeteritum et futurum tempus praesente momento, spatium eodem modo ut corpus. Non item unus et communis quo conjungantur terminus in discretis est. Itaque quae specie distinguuntur, non possunt inter se continuari <sup>1)</sup>).

<sup>1)</sup> Phys. V, 3. ἅμα μὲν οὖν λέγεται ταῦτ' εἶναι κατὰ τύπον, ὅσα ἐν ἐνὶ τύπῳ ἐστὶ πρῶτῳ, χωρὶς δὲ ὅσα ἐν ἑτέρῳ, ἀπτεσθαι δὲ ὧν τὰ ἄκρα ἅμα, μεταξὺ δὲ εἰς ὃ πέφυκε πρῶτον ἀφικνεῖσθαι τὸ μεταβάλλον, ἢ εἰς ὃ ἔσχατον μεταβάλλει κατὰ φύσιν συνεχῶς μεταβάλλον. ἐν ἐλαχίστοις δ' ἐστὶ τὸ μεταξὺ τριῶν· ἔσχατον μὲν γὰρ ἐστὶ τῆς μεταβολῆς τὸ ἐναντίον . . . ἐναντίον δὲ κατὰ τύπον τὸ κατ' εὐθείαν ἀπέχον πλείστον . . . ἐφεξῆς δὲ οὐ μετὰ τὴν ἀρχὴν μόνον ὄντος ἢ θέσει ἢ φύσει ἢ ἄλλῳ τινὶ οὕτως ἀφορισθέντος μηδὲν μεταξὺ ἐστὶ τῶν ἐν ταύτῳ γένει καὶ οὐ ἐφεξῆς ἐστίν. λέγω δ' οἷον γραμμὴ γραμμῆς ἢ γραμμαί, ἢ μονάδος μονάς ἢ μονάδες, ἢ οἰκίας οἰκία. ἄλλο δ' οὐδὲν κοιλύει μεταξὺ εἶναι . . . ἐχόμενον δὲ ὃ ἂν ἐφεξῆς ὣν ἀπτηται . . . τὸ δὲ συνεχές ἐστὶ μὲν ὅπερ ἐχόμενόν τι· λέγω δ' εἶναι συνεχές, ὅταν ταῦτ' οὕτως γένηται καὶ ἐν τῷ ἑκατέρῳ πέρασ, οἷς ἀπτόνται, καὶ ὅσπερ σημαίνει τοῦνομα, συνέχεται. τοῦτο δ' οὐχ οἴοντε δυοῖν ὄντων εἶναι τοῖν ἐσχάτοι. τούτων δὲ διωρισμένον φανερόν ὅτι ἐν τούτοις ἐστὶ τὸ συνεχές, ἐξ ὧν ἓν τι πέφυκε γίνεσθαι κατὰ τὴν σύναψιν· καὶ ὥς ποτε γίνεται τὸ συνεχὲς ἓν, οὕτω καὶ τὸ ὅλον ἐστὶ ἓν, οἷον ἢ γύμφῳ ἢ κύλλῃ ἢ ἀσπὶ ἢ προσφύσει. **Kat. 6.** Τοῦ δὲ ποσοῦ τὸ μὲν ἐστὶ διωρισμένον, τὸ δὲ συνεχές . . . ἐστὶ δὲ διωρισμένον μὲν οἷον ἀριθμὸς καὶ λόγος, συνεχές δὲ οἷον γραμμὴ, ἐπιφάνεια, σῶμα, ἔτι δὲ παρὰ ταῦτα χρόνος καὶ τύπος. τῶν μὲν γὰρ τοῦ ἀριθμοῦ μορίων οὐδεὶς ἐστὶ κοινὸς ὅρος, πρὸς ὃν συνάπτει τὰ μόρια αὐτοῦ . . . ἢ δὲ γραμμὴ συνεχές ἐστίν· ἐστὶ γὰρ λαβεῖν κοινὸν ὅρον πρὸς ὃν τὰ μόρια αὐτῆς συνάπτει, στιγμὴν, καὶ τῆς ἐπιφανείας γραμμῆς· τὰ γὰρ τοῦ ἐπιπέδου μόρια πρὸς τινὰ κοινὸν ὅρον συνάπτει. ὡσαύτως δὲ καὶ ἐπὶ τοῦ σώματος ἔχοις ἂν λαβεῖν κοινὸν ὅρον, γραμμὴν ἢ ἐπιφάνειαν, πρὸς ἣ τὰ τοῦ σώματος μόρια συνάπτει. ἐστὶ δὲ καὶ ὁ χρόνος καὶ ὁ τύπος τῶν τοιούτων· ὁ γὰρ νῦν χρόνος συνάπτει πρὸς τὸν παρεληλυθότα καὶ τὸν μέλλοντα. πάλιν ὁ τύπος τῶν συνεχῶν ἐστὶ· τύπον γὰρ τινὰ τὰ τοῦ σώματος μόρια κατέχει, ἃ πρὸς τινὰ κοινὸν ὅρον συνάπτει· οὐκοῦν καὶ τὰ τοῦ τύπου μόρια, ἃ κατέχει ἕκαστος τῶν τοῦ σώματος μορίων, πρὸς τὸν αὐτὸν ὅρον συνάπτει πρὸς ὃν καὶ τὰ τοῦ σώματος μόρια. ὥστε συνεχές ἂν εἴη καὶ ὁ τύπος· πρὸς γὰρ ἓνα κοινὸν ὅρον αὐτοῦ τὰ μόρια συνάπτει. cf. Met. XI, 12. **Phys. V, 4.** οὐ γὰρ πᾶσα (κίνησις) γένοιτ' ἂν συνεχῆς πάση, ὥσπερ οὐδ' ἄλλο οὐδὲν τῷ τυχόντι τὸ τυχόν, ἀλλ' ὅσων ἐν τὰ ἔσχατα. ἔσχατα δὲ τῶν μὲν οὐκ ἐστὶ, τῶν δ' ἐστὶν ἄλλα τῷ εἶδει καὶ ὁμῶννμα· πῶς γὰρ ἂν ἀψαιτο ἢ ἐν γένοιτο τὸ ἔσχατον γραμμῆς καὶ βαδίσεως; ἐχόμενα μὲν οὖν εἶεν ἂν καὶ αἱ μὴ αὐταὶ τῷ εἶδει μηδὲ τῷ γένει· δραμῶν γὰρ ἂν τις πνέξειεν εὐθύς, καὶ οἷον ἢ λαμπὰς ἐκ διαδοχῆς φορὰ ἐχόμενη, συνεχῆς δ' οὐ. κεῖται γὰρ τὸ συνεχές, ὧν τὰ ἔσχατα ἓν. ὥστ', ἐχόμενα καὶ ἐφεξῆς εἰσὶ τῷ τὸν χρόνον εἶναι συνεχῇ, συνεχές δὲ τῷ τὰς κινήσεις· τοῦτο δ' ὅταν ἐν τῷ ἔσχατον γίνεται ἀμφοῖν. διὸ ἀνάγκη τὴν αὐτὴν εἶναι τῷ εἶδει καὶ ἐνὸς καὶ ἐν ἐνὶ χρόνῳ τὴν ἀπλῶς συνεχῇ κίνησιν καὶ μίαν. cf. Brand. Scholl. p. 402. a.



Priusquam ad cetera accedamus, in his definitionibus examinandis paullum subsistamus. Quod continuum idem atque haerens dicitur, jam suspicionem movet non arcuatam fore a contiguitate distinctionem. Dico autem ἀφῆν sive ἀπτεσθαι contiguitatem. Ac revera continuitas in contiguitate finium ponitur ita tamen, ut fines non jam discernantur, sed unum fiant et contineantur, i. e. continui sint. At adjecta est unionis nota. Quasi vero contigui πέρατα i. e. fines, qui necessario sunt simul, discerni possent et non in unum coinciderent. Ergo continuum habemus aequale contiguo, vel quod idem solum contiguum. Contigui enim ἄκρα, quae interpretamur πέρατα, sunt simul. Itane? Simul est in uno aequali loco, unus autem hic locus est auctore Aristotele, Alexandro adstipulante continuus <sup>2)</sup>). Ergo a contiguo, quod solum restare videbatur, rursus delati sumus ad continuum. Rediit praeterea disputatio feliciter, unde egressa est. Hic circulus hic illic amplior evasit motu tanquam novo articulo adscito <sup>3)</sup>). Neque quidquam proficit Alexander <sup>4)</sup>) distinctione adhibita, extrema et partes esse eorum, quorum extrema sint, et fines; simul esse et continuum et adaptatum. Quoniam ne inter adaptata quidem quidquam statuitur esse medium, fines necessario coincidunt. Partes vero corporeae eodem in loco esse non possunt. Sed

<sup>2)</sup> Phys. I, 2. λέγεται δ' ἐν ἡ τὸ συνεχές κ. τ. λ. Met. V, 6. τῶν δὲ καθ' ἑαυτὰ ἐν λεγομένων τὰ μὲν λέγεται τῷ συνεχεῖ εἶναι κ. τ. λ. cf. Met. X, 1. Simplic. ad Phys. f. 203. b. τίς ὁ εἰς τόπος . . . διακριτέον. εἰς μὲν οὖν ἐστίν, ὡς φησὶν Ἀλέξανδρος, ὁ μὴ διχηρούμενος ἀλλὰ συνεχής, τῷ καὶ αὐτὰ ἅμα λεγόμενα ἐν τόπῳ συνεχεῖ ἀλλήλοις εἶναι, ὡς τὰ τοῦ συνεχοῦς μέρη.

<sup>3)</sup> Met. V, 6. συνεχές δὲ λέγεται, οὗ κινήσεις μία καθ' αὐτὸ καὶ μὴ οἰόντε ἄλλως. cf. Met. X, 1. Unum vero motum esse continuum copiose explicatur Phys. V, 4.

<sup>4)</sup> Simplic. f. 204. ζητεῖ μὲν ἐν τούτοις καλῶς ὁ Ἀλέξανδρος, ἐπειδὴ διχῶς τὰ ἄκρα λέγεται, τὰ μὲν ὡς μέρη τῶν ὧν ἐστὶν ἄκρα, τὰ δὲ ὡς πέρατα, ποῖα τῶν ἄρα ἀπτομένων εἶναι ἅμα φησὶν . . . δύναιται δὲ, φησί, τὰ ἅμα νῦν ἀντὶ τοῦ ἐφαρμόζειν λέγειν· τὰ γὰρ ἐφαρμόζοντα ἀλλήλοις καὶ ἅμα· ἄπτεται οὖν ταῦτα ἀλλήλων, ὧν τὰ πέρατα ἐφαρμόζει ἀλλήλοις, καὶ οὕτως ἐστὶν ἅμα· τὸ γὰρ πρότερον εἰρημένον ἅμα οὐχ ἀπλῶς, ἀλλ' ὡς προσέθηκε κατὰ τόπον. καὶ εἴη ἂν, φησί, τοῦτο ἄλλο σημαινόμενον τοῦ ἅμα. ἐν δὲ τούτοις ἀπορεῖ δικαίως ὁ Ἀλέξανδρος, τὴν τοῦ ἅμα ἐξήγησιν ἑαυτοῦ φυλάττων, καθ' ἣν ἔλεγε τὰ ἅμα συνεχεῖ εἶναι, πῶς τῶν ἀπτομένων ἅμα τὰ πέρατα ἔσται; καὶ ἀναγκάζεται ἄλλο τοῦ ἅμα σημαινόμενον εἰσάγειν, τὸ ἐφαρμόζον· ἐστὶ δὲ οὐκ ἄλλο, ἀλλὰ ἄλλων.

juvat locum ex Metaphysicis <sup>5)</sup> laudatum accuratius exquirere, quo, quibus angustis pressus sit Aristoteles, luculentius appareat. Sola contiguitate plura unum, quod cohaereat, fieri non posse experientia edoctus, si e nostris physicis fuisset, statim vim cohaesionis ponere non dubitasset. Sed Aristoteles ante aliam ingreditur viam praeunte experientia, vinculo nimirum, glutine, clavo duo in unum copulans. At, dixerit fortasse quispiam invidiose, ponamus duo ligna ita, ut se tangant; non fiunt unum nisi glutine. Sed utrinque in fine glutinis hinc est gluten, illinc lignum, nec in finibus vere unum factum est, quod discerni non queat, aequabile, ita ut utrinque denuo gluten interponere coactus sim, et sic porro in infinitum. Ut hoc est, primo jam glutine ligna cohaerent, et haec est continuïtas artificialis, natura vero glutine naturalis efficitur continuïtas. Continuum sane non per tactum unum fit, quantumvis partes continui in spatio aliter poni non possint quam contiguæ. Quoniam autem, quod natura cohaeret, magis unum est, quam quod arte, discernas illas continuïtatis species. Quo referenda est etiam Eudemi continuïtatis a coalitione distinctio et minor curvæ continuïtas, quam rectæ. Etenim recta magis unum, quam curva. Ceterum etiam mens continuïtatem efficere dicitur.

Jam pergamus ad logicam subordinationem notionum. Atque Aristoteles quidem deinceps, contiguum, continuum quo ordine hic positæ sunt, eo subordinat, indeque natura quoque continuum ultimum esse concludit <sup>6)</sup>. Eude-

<sup>5)</sup> Met. V, 6. τῶν δὲ καθ' ἑαυτὰ ἐν λεγομένων τὰ μὲν λέγεται τῇ συνεχῇ εἶναι, οἷον φάκελλος δέσμων καὶ ξύλα κόλλη, καὶ γραμμὴ καὶ κεκαμμένη ἢ, συνεχῆς δέ, μία λέγεται, ὥσπερ καὶ τῶν μερῶν ἕκαστον, οἷον σκέλος καὶ βραχίον. αὐτῶν δὲ τούτων μᾶλλον ἐν τῇ φύσει συνεχῇ ἢ τέχνῃ. συνεχὲς δὲ λέγεται, οὗ κίνησις μία καθ' αὐτὸ καὶ μὴ οἷον τε ἄλλως· μία δ' οὐ ἀδιαίρετος, ἀδιαίρετος δὲ κατὰ χρόνον. καθ' αὐτὰ δὲ συνεχῇ ὅσα μὴ ἀφ' ἑν. εἰ γὰρ θείης ἀπτόμενα ἀλλήλων ξύλα, οὐ φήσεις ταῦτα εἶναι ἓν, οὔτε ξύλον, οὔτε σῶμα οὐτ' ἄλλο συνεχὲς οὐθέν. τὰ τε δὴ ὅλως συνεχῇ ἐν λέγεται, καὶ ἔχῃ κάμψιν, καὶ ἔτι μᾶλλον τὰ μὴ ἔχοντα κάμψιν οἷον κνήμη ἢ μηρὸς σκέλους, ὅτι ἐνδέχεται μὴ μίαν εἶναι τὴν κίνησιν τοῦ σκέλους. καὶ ἡ εὐθεία τῆς κεκαμμένης μᾶλλον ἓν. τὴν δὲ κεκαμμένην καὶ ἔχουσαν γωνίαν καὶ μίαν καὶ οὐ μίαν λέγομεν, ὅτι ἐνδέχεται καὶ μὴ ἅμα τὴν κίνεσιν αὐτῆς εἶναι καὶ ἅμα· τῆς δ' εὐθείας ἀεὶ ἅμα, καὶ οὐθὲν μόριον ἔχον μέγεθος τὸ μὲν ἡρεμεῖ τὸ δὲ κινεῖται, ὥσπερ τῆς κεκαμμένης. cf. Met. X, 1. Met. XIII, 2. ἔτι τίνι καὶ πότ' ἔσται ἐν τὰ μαθηματικά μεγέθη; τὰ μὲν γὰρ ἐνταῦθα ψυχρῇ ἢ μέρει ψυχρῆς ἢ ἄλλῳ τινὶ εὐλόγῳ. cf. de Anim. III, 6. Met. VIII, 6.

<sup>6)</sup> Phys. V, 3. φανερόν δὲ καὶ ὅτι πρῶτον τὸ ἐφεξῆς ἐστίν· τὸ μὲν γὰρ ἀπτόμενον

mus vero coalitum primum notione ponit, tum continuum, haerens, deinceps, natura autem item coalitio ultima est <sup>7)</sup>). De nonnullis autem harum notionum mera hoc loco logica disputatio est, nonnullas e motu quasi deducit. Quod autem continuum non e motu deduxerit, id in causa est, quod motus non primus est, in quo posita est continuitas. Potius id quod movetur vel extensio corporea prima et quasi palpabilis est continuitas. Inde cadit in locum vel spatium <sup>8)</sup>), in motum, a motu in tempus.

De continuitate loci separatim, quantum scio, nihil expositum, ita ut locum vel spatium idem atque extensionem apud Aristotelem esse fortasse putaveris, praesertim quum extent ni fallor loci, ubi vere promiscue dicta sunt <sup>9)</sup>). Sed tamen omnino non ita esse statim hic brevi adnotamus. Quin et in vocibus μέγεθος, σῶμα, posita est materiae significatio. Atque ex Aristotelis ratione res mathematicae a sensibilibus non per se separatae, sed modo per accidens ad expediendam magnitudinum disciplinam, decernunt de sensibilibus, non quatenus sensibilia sunt, sed quatenus magnitudines <sup>10)</sup>). Ita quae de extensionis continuitate disputata sunt, de materiae corporeae con-

---

ἐξεῖναι ἀνάγκη εἶναι, τὸ δ' ἐξεῖναι οὐ πᾶν ἄπτεσθαι· διὸ καὶ ἐν προτέροις τῷ λόγῳ τὸ ἐξεῖναι ἔστιν, ὅσον ἐν ἀριθμοῖς, ἀφ' ἧ δ' οὐκ ἔστιν. καὶ εἰ μὲν συνεχές, ἀνάγκη ἄπτεσθαι, εἰ δ' ἄπτεται, οὐπω συνεχές, οὐ γὰρ ἀνάγκη ἐν εἶναι αὐτῶν τὰ ἄκρα, εἰ ἅμα εἶεν· ἀλλ' εἰ ἐν, ἀνάγκη καὶ ἅμα. ὥστε ἡ σύμφυσις ὑστέρη κατὰ τὴν γένεσιν· ἀνάγκη γὰρ ἄψασθαι, εἰ συμφύσεται τὰ ἄκρα· τὰ δὲ ἀπτόμενα οὐ πάντα συμπεφυκέν· ἐν οἷς δὲ μὴ ἔστιν ἀφ' ἧ, δῆλον ὅτι οὐκ ἔστιν οὐδὲ σύμφυσις ἐν τοῦτοις.

<sup>7)</sup> Simpl. f. 206. ὁ μέντοι Εὐδήμος τὸ συμφυές τοῦ συνεχοῦς μᾶλλον θεωρούμενος ἠνωμένον, καὶ ἴδιον τῶν φυσικῶν αὐτὸ εἰπὼν, τοῦτο, φησί, κατὰ τὸν λόγον πρῶτόν ἐστι καὶ ἀρχή· τοῦτο γὰρ ἔπεται τὸ συνεχές καὶ ἐχόμενόν τε καὶ ἐξεῖναι· κατὰ δὲ τὴν γένεσιν, φησί, τελευταῖον τὸ συμφυές. δῆλον δὲ ὅτι τῷ λόγῳ τοῦτο πρῶτον εἶπεν ὡς ἐξ ἐκείνων συνεστώς.

<sup>8)</sup> Kat. 6. v. s.

<sup>9)</sup> Phys. IV, 11. τὸ πρότερον καὶ ὕστερον ἐν τόπῳ πρῶτόν ἐστιν . . . . ἐπεὶ δ' ἐν τῷ μεγέθει ἔστι τὸ πρότερον καὶ ὕστερον, ἀνάγκη καὶ ἐν κινήσει εἶναι.

<sup>10)</sup> Met. XIII, 1. 2. 3. cap. 3. ὥστε γὰρ καὶ τὰ καθόλου ἐν τοῖς μαθήμασιν οὐ περὶ κεχωρισμένων ἐστὶ παρὰ τὰ μεγέθη καὶ τοὺς ἀριθμούς, ἀλλὰ περὶ τούτων μὲν, οὐχ ἡ δὲ τοιαῦτα οἷα ἔχειν μέγεθος ἢ εἶναι διαιρετά, δῆλον ὅτι ἐνδέχεται καὶ περὶ τῶν αἰσθητῶν μεγέθων εἶναι καὶ λόγους καὶ ἀποδείξεις, μὴ ἡ δὲ αἰσθητά, ἀλλ' ἡ τοιαῦτα κ. τ. λ. cf. de Coelo III, 1.

tinuitate intelligenda sunt. Hinc motus continuitas posita est in continuitate ejus, quod movetur, neque quidquam, quod non est continuum, per se continuo movetur. Dicit autem Aristoteles eum continuum motum, qui nihil vel minimum modo rei, in qua est motus, praeterit. Ad extensionem enim se applicat motus, ad hunc tempus. Tempus et continuum et dividuum est per absolutum nunc <sup>11)</sup>. Sed quum tempus numerus motuum sit, numeri vero discreti <sup>12)</sup>, quae inde sequitur difficultas sic enodatur. Binarius vel singularis numerus per se quidem, i. e. quatenus numerus est, minimus est, sed non quatenus extensio est. Sic v. c. lineae minimus numerus est singularis multitudine, at non extensione. Infinite enim dividua unaquaeque linea. Idem de tempore valet, ita ut minimum multitudine, quatenus est extensio, non sit individuum. Itaque vocatur etiam tempus, quatenus continuum est, longum et breve, sicut linea, quatenus vero numerus est, parvum et multum <sup>13)</sup>.

De reliquorum motuum continuitate separatim Aristoteles nec disseruit, nec ipse sibi constat. Sic v. c. absolutam alterationis continuitatem hic illic addubitat <sup>14)</sup>. Contra generationem et corruptionem dicit continuam,

<sup>11)</sup> Phys. IV, 11. ἐπεὶ τὸ κινούμενον κινεῖται ἐκ τινος εἰς τι, καὶ πᾶν μέγεθος συνεχές, ἀκολουθεῖ τῷ μεγέθει ἢ κίνησιν. διὰ γὰρ τὸ τὸ μέγεθος εἶναι συνεχές, καὶ ἡ κίνησις ἐστὶ συνεχής, διὰ δὲ τὴν κίνησιν ὁ χρόνος. ὅση γὰρ ἡ κίνησις, τοσοῦτος καὶ ὁ χρόνος αἰεὶ δοκεῖ γεγονέναι. Phys. VI, 4. ἡ γὰρ συνεχὴς κίνησις ἐστὶ συνεχῶν τινῶν. Phys. V, 3. συνεχῶς δὲ κινεῖται τὸ μηθὲν ἢ τὸ ὀλίγιστον διαλείπον τοῦ πράγματος, μὴ τοῦ χρόνον (οὐδὲν γὰρ κωλύει διαλείποντα, καὶ εὐθὺς δὲ μετὰ τὴν ὑπάτην φθέγγασθαι τὴν νεάτην) ἀλλὰ τοῦ πράγματος, ἐν ᾧ κινεῖται. cf. Phys. V, 4. VIII, 6. Phys. IV, 11. καὶ συνεχὴς τε δὴ ὁ χρόνος τῷ νῦν, καὶ διήρηται κατὰ τὸ νῦν· ἀκολουθεῖ γὰρ καὶ τοῦτο τῇ φθορᾷ καὶ τῇ φερομένῳ κ.τ.λ. cf. Phys. IV, 12. Phys. IV, 13. τὸ δὲ νῦν ἐστὶ συνέχεια χρόνου κ.τ.λ.

<sup>12)</sup> Phys. V, 3. ταῖς δὲ μόνασι τὸ ἐφεξῆς (ὑπάρχει). cf. Kat. 6.

<sup>13)</sup> Phys. IV, 12. ἐλάχιστος δὲ ἀριθμὸς ὁ μὲν ἀπλῶς ἐστίν, ἡ δὲ δύο. τὶς δ' ἀριθμὸς ἐστὶ μὲν ὡς ἐστίν, ἐστὶ δὲ ὡς οὐκ ἐστίν, οἷον γραμμῆς ἐλάχιστος πλήθει μὲν ἐστίν αἱ δύο ἢ ἡ μία, μεγέθει δ' οὐκ ἐστὶν ἐλάχιστος· αἰεὶ γὰρ διαιρεῖται πᾶσα γραμμὴ. ὡς θ' ὁμοίως καὶ ὁ χρόνος· ἐλάχιστος γὰρ κατὰ μὲν ἀριθμὸν ἐστὶν ὁ εἰς ἢ οἱ δύο, κατὰ μέγεθος δ' οὐκ ἐστίν. φανερόν δὲ καὶ ὅτι ταχύς μὲν καὶ βραδὺς οὐ λέγεται, πολὺς δὲ καὶ ὀλίγος καὶ μακρὸς καὶ βραχύς. ἢ μὲν γὰρ συνεχής, μακρὸς καὶ βραχύς, ἢ δ' ἀριθμὸς, πολὺς καὶ ὀλίγος.

<sup>14)</sup> Phys. VI, 4. ἐπεὶ δὲ πᾶν τὸ κινούμενον ἐν τινι κινεῖται καὶ χρόνον τινά, καὶ παντός ἐστὶ κίνησις, ἀνάγκη τὰς αὐτὰς εἶναι διαιρέσεις τοῦ τε χρόνου καὶ τῆς κινήσεως καὶ

quas easdem refert etiam ad motus <sup>15</sup>). Omniuo enim latio prima mutationum est <sup>16</sup>).

## 3.

*De extensionis continuitate.*

His in universum de continuo expositis redeundum cum Aristotele est ad extensionem ejusque continuitatem demonstrandam. Repetitis igitur continui, contigui, ipsius deinceps definitionibus, ita ut τοῖς ἄκροις substituta sint τὰ ἔσχατα, omnem lineam esse continuam ad probandum proponi exspectamus. Sed mutata subito praeter opinionem ratione, omnem continuam lineam constare ex dividuis lineis, non ex individuis sive punctis sive lineis efficere studet Aristoteles. Puncta enim nec continua, nec contigua, nec deinceps posita lineam continuam efficiunt. Puncta ut partibus vacant, ita ultimis. Itaque ultima nec unum, nec simul esse possunt. Quo cum refutata videantur duo priora, retractat alterum, nova totius notione adhibita. Quodcunque contiguum est, id totum totum, aut pars partem, aut totum partem tangit. Puncta partibus carentia tota tota se tangant necesse est. Quod vero totum totum se tangit, id non est continuum. Continuum enim conficitur ex aliis semper et aliis partibus loco diremtis, ne multa, continuum est infinite dividuum. Praeterea si tota ejusmodi sunt, ut non habeant partes, sicut punctum vel indi-

---

τοῦ κινεῖσθαι καὶ τοῦ κινουμένου καὶ ἐν ᾧ ἡ κίνησις. πλὴν οὐ πάντων ὁμοίως, ἐν οἷς ἡ κίνησις, ἀλλὰ τοῦ μὲν ποσοῦ καθ' αὐτό, τοῦ δὲ ποιοῦ κατὰ συμβεβηκός. cf. cap. ej. fin. Phys. VI, 5. τρία γὰρ ἔστιν ἃ λέγεται κατὰ τὴν μεταβολήν, τό τε μεταβάλλον καὶ ἐν ᾧ καὶ εἰς ὃ μεταβάλλει, οἷον ὁ ἄνθρωπος καὶ ὁ χρόνος καὶ τὸ λευκόν· ὁ μὲν οὖν ἄνθρωπος καὶ ὁ χρόνος διαιρετοί, περὶ δὲ τοῦ λευκοῦ ἄλλος λόγος. πλὴν κατὰ συμβεβηκός γε πάντα διαιρετά· ᾧ γὰρ συμβέβηκε τὸ λευκόν ἢ τὸ ποιόν, ἐκείνο διαιρετόν ἐστιν.

<sup>15</sup>) de Gen. et Corr. II, 10. ἔτι δὲ ἐπεὶ ἡ κατὰ τὴν φοράν κίνησις δέδεικται ὅτι αἰδῖος, ἀνάγκη τούτων ὄντων καὶ γένεσιν εἶναι συνεχῶς· ἡ γὰρ φορὰ ποιήσει τὴν γένεσιν ἐνδελεχῶς διὰ τὸ προσάγειν καὶ ἀπάγειν τὸ γεννητικόν. Kat. 14. κινήσεως δὲ εἶδη ἔξ, γένεσις, φθορά, αὔξεις, μείωσις, ἀλλυίωσις, ἡ κατὰ τόπον μεταβολή. cf. Phys. III, 1. Sed memento Phys. IV, 10. μηδὲν δὲ διαφερέτω λέγειν ἡμῖν ἐν τῷ παρόντι κίνησιν ἢ μεταβολήν. cf. Met. XII, 2. init. 6.

<sup>16</sup>) Phys. VIII, 7.

vidua linea, ea apposita non majus totum efficiunt, sed coincidunt, ita ut ex punctis quantumvis multis compositis punctum modo procreetur. Nam ne deinceps quidem puncta esse possunt, quoniam inter puncta semper lineam esse diserte docet Aristoteles. Quemadmodum autem continuum non constat ex punctis, ita in ea dividi non potest. Nam ex quibus quid constat, in ea dividitur, at non constare ex individuis continuum modo demonstratum est. Atque sic in fine demonstrationis redit Aristoteles ad illam unitatem finium continui, ex qua infinitatem divisionis utcunque elicuit <sup>1)</sup>). Inde ab hoc au-

1) Phys VI, 1. εἰ δ' ἐστὶ συνεχές καὶ ἀπόμενον καὶ ἐφεξῆς, ὡς διώρισται πρότερον, συνεῇ μὲν ὧν τὰ ἔσχατα ἓν, ἀπτόμενα δ' ὧν ἅμα, ἐφεξῆς δ' ὧν μηδὲν μεταξὺ συγγενές, ἀδύνατον ἐξ ἀδιαίρετων εἶναι τι συνεχές, οἷον γραμμὴν ἐκ στιγμῶν, εἴπερ ἢ γραμμὴ μὲν συνεχές, ἢ στιγμή δὲ ἀδιαίρετον. οὔτε γὰρ ἓν τὰ ἔσχατα τῶν στιγμῶν· οὐ γὰρ ἐστὶ τὸ μὲν ἔσχατον τὸ δ' ἄλλο τι μόριον τοῦ ἀδιαίρετου· οὔθ' ἅμα τὰ ἔσχατα· οὐ γὰρ ἐστὶν ἔσχατον τοῦ ἀμεροῦς οὐδέν· ἕτερον γὰρ τὸ ἔσχατον καὶ οὐ ἔσχατον. ἔτι δ' ἀνάγκη ἦτοι συνεχεῖς εἶναι τὰς στιγμὰς ἢ ἀπτομένας ἀλλήλων, ἐξ ὧν ἐστὶ τὸ συνεχές· ὁ δ' αὐτὸς λόγος καὶ ἐπὶ πάντων τῶν ἀδιαίρετων. συνεχεῖς μὲν δὴ οὐκ ἂν εἴεν διὰ τὸν εἰρημένον λόγον· ἄπτεται δ' ἅπαν ἢ ὅλον ὅλου ἢ μέρος μέρους ἢ ὅλου μέρος. ἐπεὶ δ' ἀμερές τὸ ἀδιαίρετον, ἀνάγκη ὅλον ὅλου ἄπτεσθαι. ὅλον δ' ὅλου ἀπτόμενον οὐκ ἔσται συνεχές· τὸ γὰρ συνεχές ἔχει τὸ μὲν ἄλλο τὸ δ' ἄλλο μέρος, καὶ διαιρεῖται εἰς οὕτως ἕτερα καὶ τόπων κεχωρισμένα. ἀλλὰ μὴν οὐδ' ἐφεξῆς ἔσται στιγμή στιγμής ἢ τό νῦν τοῦ νῦν, ὥστ' ἐκ τούτων εἶναι τὸ μῆκος ἢ τὸν χρόνον· ἐφεξῆς μὲν γὰρ ἐστὶν, ὧν μηθέν ἐστὶ μεταξὺ συγγενές, στιγμῶν δ' αἰ τὸ μεταξὺ γραμμῇ καὶ τῶν νῦν χρόνος. ἔτι διαιροῖτ' ἂν εἰς ἀδιαίρετα, εἴπερ ἐξ ὧν ἐστὶν ἑκάτερον, εἰς ταῦτα διαιρεῖται. ἀλλ' οὐθὲν ἦν τῶν συνεχῶν εἰς ἀμερῇ διαιρετόν. ἄλλο δὲ γένος οὐχ οἷον τ' εἶναι μεταξὺ τῶν στιγμῶν καὶ τῶν νῦν οὐθέν. εἰ γὰρ ἔσται, δῆλον ὡς ἦτοι ἀδιαίρετον ἔσται ἢ διαιρετόν, καὶ εἰ διαιρετόν, ἢ εἰς ἀδιαίρετα ἢ εἰς αἰ διαιρετά· τοῦτο δὲ συνεχές. φανερόν δὲ καὶ ὅτι πᾶν συνεχές διαιρετόν εἰς αἰ διαιρετά· εἰ γὰρ εἰς ἀδιαίρετα, ἔσται ἀδιαίρετον ἀδιαίρετου ἀπτόμενον· ἓν γὰρ τὸ ἔσχατον καὶ ἄπτεται τῶν συνεχῶν. de Lin. Insec. ἔτι ἢ μὲν γραμμὴ μέγεθος τι, ἢ δὲ τῶν στιγμῶν σύνθεσις οὐδὲν ποιῇ μέγεθος διὰ τὸ μὴδ' ἐπὶ πλείω τόπων ἔχειν. ὅταν γὰρ ἐπὶ γραμμὴν γραμμὴ τεθῇ καὶ ἐφαρμόσῃ, οὐδὲν γίνεται μῆκος τὸ πλάτος. ἐν δὲ τῇ γραμμῇ καὶ στιγμαὶ ἐνυπάρχουσιν, οὐδ' ἂν αἱ στιγμαὶ πλείω κατέχοιεν τόπον, ὥστε οὐκ ἂν ποιοῖεν μέγεθος. ἔτι εἰ ἅπαντα ἄπτεται παντὸς ἢ ὅλον ὅλου ἢ τινὶ τινὸς ἢ ὅλον τινός, ἢ δὲ στιγμή ἀμερῆς ὅλως ἄπτοιτο. τὸ δ' ὅλον ὅλου ἀπτόμενον ἀνάγκη ἓν εἶναι. εἰ γὰρ τι ἐστὶν ἢ θάτερον μὴ ἐστὶν, οὐκ ἂν ὅλον ὅλου ἄπτοιτο. εἰ δ' ἅμα ἐστὶ τὰ ἀμερῇ, τὸν αὐτὸν κατέχει τόπον πλείων ὢν καὶ πρότερον τὸ ἓν τῶν γὰρ ἅμα ὄντων καὶ μὴ ἐχόντων ἐπέκτασιν κατὰ ταῦτα ὁ αὐτὸς ἀμερῶν τόπος. τὸ δ' ἀμερές οὐκ ἔχει διάστασιν, ὥστ' οὐκ ἂν εἴη μέγεθος συνεχές ἐξ ἀμερῶν. οὐκ ἄρα οὔθ' ἢ γραμμὴ ἐκ στιγμῶν οὔθ' ὁ χρόνος ἐκ τῶν νῦν. cf. Met. III, 4. XII, 10. XIII, 2. 8.

tem loco quasi pristinam continui notionem deserit, novaque infinitae divisionis utitur tamquam continuitatis primaria. Pergit etiam, quam plane motus et temporis continuas ab extensione continua pendeat demonstrare. Hujus igitur hoc loco continuitatem probasse sibi videtur, idque dicit disertis verbis capite secundo. At ne simus iniquiores in explicando Aristotele exstat de lineis insecabilibus libellus singularis, quem, agite, adeamus ita tamen, ut pauca modo inde hauriamus eoque caveamus, ne notionum, quam maxime curamus, cohaerentia obscuretur. Ab initio igitur adversariorum rationes sumtae illae ab ideis et elementis, a male intellecta geometrarum mensura, a falsa numerandi notione utcumque convictis pergit auctor libelli suis confirmare argumentis, non extare lineam individuum. Ex mathematicorum disciplina derivat argumenta. In individuum lineam non quadrat nec lineae nec rectae definitio. Non enim individua est inter alia, nec habet medium. Ratio autem, si quid video, primaria est, omnes lineas commensurabiles fore, linearum vero incommensurabilitatem a mathematicis demonstratam esse. Afferit praeterea alia, v. c. trianguli ex tribus lineis individuis compositi a vertice ducta perpendicularis dividit basin in duas partes aequales. Quae ceterarum adjecta est farrago rationum, in eo, ni fallor, sunt positae, ut assumatur finis tamquam aliquid positivum praeter id, cujus esse praedicatur, ut puncta juxta apposita aut in unum confluere, aut linea interposita diremta esse dicantur, ut una divisione effecta infinitas divisionum sumatur. Quae eadem quum dicta sint in Physicis, ea ruminare ab hac scriptione alienum est, praesertim quum ipse Aristoteles mathematicis rationibus plurimum tribuat, quippe quae non nisi firmioribus labefactandae sint. Hoc unum afferre fortasse juvat, quod si punctorum contactu lineae efficerentur, omnis tum everteretur rectae et circuli differentia <sup>2)</sup>. Contra vero necessarium est

---

<sup>2)</sup> de Lin. Insec. ὅτι μὲν οὖν . . . οὐτ' ἀναγκαῖον ἀτόμους εἶναι γραμμὰς οὔτε πιθανόν, φανερόν. ἔτι δὲ καὶ ἐκ τῶνδε γένοιτ' ἂν φανερώτερον. πρῶτον μὲν ἐκ τῶν ἐν τοῖς μαθήμασι δεικνυμένων καὶ τιθεμένων, ἃ οὐ δίκαιον ἢ πιστοτέροις λόγοις κινεῖν. οὔτε γὰρ ὁ τῆς γραμμῆς οὔτε ὁ τῆς εὐθείας ὅρος ἐφαρμόσει τῇ ἀτόμῳ διὰ τὸ μήτε μεταξὺ τινῶν εἶναι μήτ' ἔχειν μέσον. (Eucl. Elem. I. def. 1. γραμμὴ μῆκος ἀπλατές. def. 3. εὐθεῖα γραμμὴ ἐστίν, ἣτις ἐξίσου τοῖς ἐφ' ἑαυτῆς σημείοις κείται.) ἔπειτα πᾶσαι αἱ γραμμαὶ σύμμετροι ἔσονται. πᾶσαι γὰρ ὑπὸ τῶν ἀτόμων μετρηθήσονται, αἱ τε μήκει σύμμετροι καὶ αἱ



theoriae fastigium paucis attingere. Quum actu infinita divisio puncta magnitudine carentia assequi videatur, neque tamen ex punctis magnitudo rursus potest effici, Democritus individua corpora sumit. At haec multis premuntur difficultatibus. Hinc divisionis illa infinitas potentia est, quum et puncta in extensione non sint deinceps interque se contingentia <sup>3)</sup>).

δυνάμει. αἱ δὲ ἀτόμοι σύμμετροι πᾶσαι μήκει· ἴσαι γάρ· ὥστε καὶ δυνάμει. εἰ δὲ τοῦτο, διαιρετὸν ἔσται τὸ τετράγωνον . . . . ἔτι εἰ ἐκ τριῶν δοθεισῶν εὐθειῶν συνίσταται τρίγωνον, καὶ ἐκ τῶν αὐτῶν συσταθήσεται. ἐν ᾧ παντὶ δὲ ἰσοπλεύρῳ ἢ κάθετος ἐπὶ μέσην πίπτει, ὥστε καὶ ἐπὶ τὴν αἰτομον. ib. eod. ἔτι πῶς ποτὲ ἔσται εὐθεῖα γραμμὴ καὶ περιφερῆς; οὐδὲν γὰρ διοίσει ἢ σύναψις τῶν στιγμῶν ἐν τῇ εὐθείᾳ καὶ τῇ περιφερείᾳ. τὸ γὰρ ἀμερές τοῦ ἀμεροῦς ὅλον ὅλου ἄπτεται, καὶ οὐκ ἔστιν ὅλως ἄπτεσθαι. εἰ οὖν αἱ μὲν γραμμαὶ διάφοροι, ἢ δὲ σύναψις ἀδιάφορος, οὐκ ἔσται δὴ γραμμὴ ἐκ τῆς συνάψεως, ὥστ' οὐδ' ἐκ στιγμῶν.

<sup>3)</sup> de Gen. et Corr. I, 2. Δημόκριτος δ' ἂν φανείη οἰκείοις καὶ φυσικοῖς λόγοις πεπεῖσθαι . . . ἔχει γὰρ ἀπορίαν, εἰ τις θεῖη σῶμά τι εἶναι καὶ μέγεθος πάντῃ διαιρετόν. τί γὰρ ἔσται ὅπερ τὴν διαίρεσιν διαφεύγει; εἰ γὰρ πάντῃ διαιρετόν, καὶ τοῦτο δυνατόν, καὶ ἅμα εἴη τοῦτο πάντῃ διηρημένον, καὶ εἰ μὴ ἅμα διήρηται. καὶ εἰ τοῦτο γένοιτο, οὐδὲν ἂν εἴη ἀδύνατον. οὐκοῦν καὶ κατὰ τὸ μέσον ὡσαύτως. καὶ ὅλως δὲ εἰ πάντῃ πέφυκε διαιρετόν, καὶ διαιρεθῇ, οὐδὲν ἔσται ἀδύνατον γεγονός, ἐπεὶ οὐδ' ἂν εἰς μυρία μυριάκις διηρημένα ἦ, οὐδὲν ἀδύνατον· καίτοι ἴσως οὐδεὶς ἂν διέλοι. ἐπεὶ τοίνυν πάντῃ τοιοῦτόν ἐστι τὸ σῶμα, διηρήσθω. τί οὖν ἔσται λοιπόν; μέγεθος; οὐ γὰρ οἶόν τε· ἔσται γὰρ τι οὐ διηρημένον, ἦν δὲ πάντῃ διαιρετόν. ἀλλὰ μὴν εἰ μὴδὲν ἔσται σῶμα μὴδὲ μέγεθος, διαίρεσις δ' ἔσται, ἢ ἐκ στιγμῶν ἔσται, καὶ ἀμεγέθη ἐξ ὧν σύγκειται, ἢ οὐδὲν παντάπασιν, ὥστε καὶ γίνετο ἐκ μηδενός καὶ εἴη συγκείμενον, καὶ τὸ πᾶν δὴ οὐδὲν ἀλλ' ἢ φαινόμενον. ὁμοίως δὲ καὶ ἢ ἐκ στιγμῶν, οὐκ ἔσται ποσόν. κ. τ. λ. ib. eod. ὥστ' εἴπερ ἀδύνατον ἐξ ἀφῶν ἢ στιγμῶν εἶναι τὰ μεγέθη, ἀνάγκη εἶναι σώματα ἀδιαίρετα καὶ μεγέθη. οὐ μὴν ἀλλὰ καὶ ταῦτα θεμένοις οὐχ ἥττον συμβαίνει ἀδύνατον . . . . ἀλλὰ ταῦτα πειρατέον λύειν . . . τὸ μὲν οὖν ἅπαν σῶμα αἰσθητόν εἶναι διαιρετόν καθ' ὅτι οὖν σημεῖον καὶ ἀδιαίρετον οὐδὲν ἄτοπον· τὸ μὲν γὰρ δυνάμει διαιρετόν, τὸ δ' ἐντελεχείᾳ ὑπάρξει. τὸ δ' εἶναι ἅμα πάντῃ διαιρετόν δυνάμει ἀδύνατον δόξειεν ἂν εἶναι. εἰ γὰρ δυνατόν, καὶ γένοιτο, οὐχ ὥστε εἶναι ἅμα ἅμφω ἐντελεχείᾳ ἀδιαίρετον καὶ διηρημένον, ἀλλὰ διηρημένον καθ' ὅτι οὖν σημεῖον. οὐδὲν ἄρα ἔσται λοιπόν, καὶ εἰς ἀσώματον ἐφθαρμένον τὸ σῶμα. καὶ γένοιτο δ' ἂν πάλιν ἦτοι ἐκ στιγμῶν ἢ ὅλως ἐξ οὐδενός. καὶ τοῦτο πῶς δυνατόν; ἀλλὰ μὴν ὅτι γε διαιρεῖται εἰς χωριστὰ καὶ αἰεὶ εἰς ἐλάττω μεγέθη καὶ εἰς ἀπέχοντα καὶ κεχωρισμένα, φανερόν. οὔτε δὴ κατὰ μέρος διαιροῦντι εἴη ἂν ἄπειρος ἢ θρύψις, οὔτε ἅμα οἶόν τε διαιρεθῆναι κατὰ πᾶν σημεῖον (οὐ γὰρ δυνατόν) ἀλλὰ μέχρι του. ἀνάγκη ἄρα ἄτομα ἐνυπάρχειν μεγέθη ἀόρατα, ἄλλως τε καὶ εἴπερ ἔσται γένεσις καὶ φθορὰ ἢ μὲν διακρίσει ἢ δὲ συγκρίσει. ὁ μὲν οὖν ἀναγκάζειν δοκῶν λόγος εἶναι μεγέθη ἄτομα οὗτος ἐστίν·



*De continuitate motus et temporis.*

Redeamus ad eum Physicorum locum, ubi Aristoteles extensionis, motus, temporis continuitatem esse reciprocam demonstrat. Si facimus, inquit, extensio A constet ex individuis a et b et c, item in ea motus B ex individuis d et e et f, repugnantiae sequuntur. Quum enim motus et Moveri idem sit, necesse est discernamus etiam tres individuas partes τοῦ Moveri, a et b et c, easdem, quae sunt motus. In omni autem Moveri longinquiori pariter atque quasi elementari, quam vocant nostri mathematici celeritatem, distinguimus utramque τοῦ Unde et τοῦ Quo directionem, vel initium et exitum sive praesens et praeteritum Moveri sive Moveri et Motum-fuisse. Utrumque non potest esse simul. Quod si quis statuit, mobile eo, quo movetur, jam motum esse, quum movetur, statuit. Contra quum quid movetur, neque quiescit, neque motum est, est vero inter utrumque. Neque mobile per totam extensionem A toto motu B moveri, per partem vero individuum a non moveri, sed motum esse dicere par est. Tum enim motus ex non-motibus constaret, et aliquid profectum esset, quin proficisceretur. Quum porro unumquodque aut quiescat, aut moveatur, mobile vero in a et b et c quiescat, est aliquid, quod continue simul et quiescat et moveatur. Ne igitur sumas individuum motum <sup>1)</sup>.

ὅτι δὲ λανθάνει παραλογιζόμενος, καὶ ἡ λανθάνει, λέγωμεν. ἐπεὶ γὰρ οὐκ ἔστι στιγμή στιγμής ἐχομένη, τὸ πάντῃ εἶναι διαιρετὸν ἔστι μὲν ὡς ὑπάρχει τοῖς μεγέθεσιν, ἔστι δ' ὡς οὐ. δοκεῖ δ' ὅταν τοῦτο τεθῇ, καὶ ὀπιοῦν, καὶ πάντῃ στιγμήν εἶναι, ὥστ' ἀναγκαῖον εἶναι διαιρεθῆναι τὸ μέγεθος εἰς μηδέν· πάντῃ γὰρ εἶναι στιγμήν· ὥστε ἢ ἐξ ἀκῶν ἢ ἐκ στιγμῶν εἶναι. τὸ δ' ἔστιν ὡς ὑπάρχει πάντῃ, ὅτι μία ὀπιοῦν ἐστὶ, καὶ πᾶσαι ὡς ἐκάστη, πλείους δὲ μιᾶς οὐκ εἰσὶν· ἐφεξῆς γὰρ οὐκ εἰσὶν, ὥστ' οὐ πάντῃ. εἰ γὰρ κατὰ μέσον διαιρετὸν, καὶ κατ' ἐχομένην στιγμήν ἔσται διαιρετὸν· οὐ γὰρ ἔστιν ἐχόμενον σημεῖον σημείου ἢ στιγμή στιγμής. τοῦτο δ' ἐστὶ διαίρεσις ἢ σύνθεσις. ὥστ' ἔστι καὶ διάκρισις καὶ σύγκρισις, ἀλλ' οὐτ' εἰς ἄτομα καὶ ἐξ ἀτόμων (πολλὰ γὰρ τὰ ἀδύνατα) οὔτε οὕτως ὥστε πάντῃ διαίρεσιν γενέσθαι. εἰ γὰρ ἦν ἐχομένη στιγμή στιγμής, τοῦτ' ἂν ἦν· ἀλλ' εἰς μικρὰ καὶ ἐλάττω ἐστὶ, καὶ σύγκρισις ἐξ ἐλαττόνων. cf. Phys. VIII, 8.

<sup>1)</sup> Phys. VI, 1. τοῦ δ' αὐτοῦ λόγου καὶ μέγεθος καὶ χρόνον καὶ κίνησιν ἐξ ἀδιαίρετων συγκεῖσθαι, καὶ διαιρεῖσθαι εἰς ἀδιαίρετα ἢ μηθέν. δηλὸν δ' ἐκ τῶνδε. εἰ γὰρ τὸ μέγεθος ἐξ ἀδιαίρετων σύγκειται, καὶ ἡ κίνησις ἢ τούτου ἐξ ἴσων κινήσεων ἔσται ἀδιαίρετων, οἷον εἰ

Expositio quantumvis excellens tamen non ea demonstratio est, quae expectatur. Nam ne Aristoteli quidem licitum erat ex quattuor notionum combinationibus, quarum prima est individua extensio conjuncta cum individuo motu, secunda individua extensio cum infinite dividuo motu, tertia infinite dividua extensio cum individuo motu, quarta infinite dividua extensio cum infinite dividuo motu, infinitate extensionis jam demonstrata, sumere unam duarum priorum indeque repugnantias conflare. Atque poterit quispiam dubitare num sumserit istam extensionis finitam divisionem. At retinuit per totam argumentationem. Et ab extensione in motum divisionis infinitatem translatam esse ab Aristotele vix jure tuo affirmare ausus sis. Premitur τοῦ Μoveri notio, hic est argumentationis nervus. Utut hoc est, reciprocitatem certe continuitatis extensionis, temporis, motus, τοῦ Μoveri ab Aristotele valde curari apparet ex longiori aliorum locorum expositione.

Jam extensione et motu individuis, erit individuum tempus, illis vero dividuis dividuum tempus. Ubi primum, quid celerius et tardius, exposuit, plures inter se motus comparans efficit propositum. Moveatur velocius A per lineam  $CD_n$ , tardius B eodem tempore non pervenit inde a C usque ad  $D_n$ , sed modo usque ad  $D_{n-1}$ , quod celerius breviori tempore assequitur.

τὸ  $ABΓ$  ἐκ τῶν  $ABΓ$  ἐστὶν ἀδιαίρετον, ἡ κίνησις ἐφ' ἧς  $ΔΕΖ$ , ἣν ἐκινήθη τὸ  $Ω$  ἐπὶ τῆς  $ABΓ$ , ἕκαστον τὸ μέρος ἔχει ἀδιαίρετον. εἰ δὲ παρουσίας κινήσεως ἀνάγκη κινεῖσθαι τι, καὶ εἰ κινεῖται τι, παρῆναι κίνησιν, καὶ τὸ κινεῖσθαι ἔσται ἐξ ἀδιαίρετων. τὸ μὲν δὴ  $A$  ἐκινήθη τὸ  $Ω$  τὴν τὸ  $A$  κινούμενον κίνησιν, τὸ δὲ  $B$  τὴν τὸ  $E$ , καὶ τὸ  $Γ$  ὡσαύτως τὴν τὸ  $Z$ . εἰ δὴ ἀνάγκη τὸ κινούμενον ποθέν ποι μὴ ἅμα κινεῖσθαι καὶ κεκινήσθαι οὐ ἐκινεῖτο ὅτε ἐκινεῖτο, οἷον εἰ Θήβαζε τις βαδίζει, ἀδύνατον ἅμα βαδίζειν Θήβαζε καὶ βεβαδικέναι Θήβαζε. τὴν δὲ τὸ  $A$  τὴν ἀμερῇ ἐκινεῖτο τὸ  $Ω$ , ἢ ἡ τὸ  $A$  κίνησις παρῆν. ὥστ' εἰ μὲν ὕστερον διήλθεν ἢ διήει, διαιρετὴ ἂν εἴη· ὅτε γὰρ διήει, οὔτε ἡρέμει οὔτε διεληλύθει, ἀλλὰ μεταξὺ ἦν. εἰ δ' ἅμα διέρχεται καὶ διεληλύθε τὸ βαδίζον ὅτε βαδίζει, βεβαδικὸς ἐκεῖ ἔσται καὶ κεκινημένον οὐ κινεῖται. εἰ δὲ τὴν μὲν ὅλην τὴν  $ABΓ$  κινεῖται τι, καὶ ἡ κίνησις ἣν κινεῖται τὰ  $ΔΕΖ$  ἐστί, τὴν δ' ἀμερῇ τὴν  $A$  οὐθέν κινεῖται ἀλλὰ κεκίνηται, εἴη ἂν ἡ κίνησις οὐκ ἐκ κινήσεων ἀλλ' ἐκ κινήματων καὶ τὸ κεκινήσθαι τι μὴ κινούμενον· τὴν γὰρ  $A$  διεληλύθεν οὐ διεξιόν. ὥστε ἔσται τι βεβαδικέναι μηδέποτε βαδίζον· ταύτην γὰρ βεβάδικεν οὐ βαδίζον ταύτην. εἰ οὖν ἀνάγκη ἢ ἡρεμεῖν ἢ κινεῖσθαι πᾶν, ἡρεμεῖ δὲ καθ' ἕκαστον τῶν  $ABΓ$ , ὥστ' ἔσται τι συνεχῶς ἡρεμοῦν ἅμα καὶ κινούμενον. τὴν γὰρ  $ABΓ$  ὅλην ἐκινεῖτο καὶ ἡρέμει ὅτιοῦν μέρος, ὥστε καὶ πᾶσαν. καὶ εἰ μὲν τὰ ἀδιαίρετα τῆς  $ΔΕΖ$ , κινήσεις κινήσεως παρουσίας ἐνδέχονται ἂν μὴ κινεῖσθαι ἀλλ' ἡρεμεῖν· εἰ δὲ μὴ κινήσεις, τὴν κίνησιν μὴ ἐκ κινήσεων εἶναι.

Hoc vero breviori tempore tardius modo  $D_{n-2}$  attigit,  $D_{n-2}$  vero celerius potitum est rursus breviori tempore, et sic porro in infinitum, ita ut quod celerius est, id dividat tempus, tardius extensionem. Contra ab infinita temporis divisione valet conclusio ad infinitam extensionis divisionem, ita ut divisiones altera alteri respondeant. Eodem fere modo per combinationes reciprocam continuitatem moti, motus, temporis, τοῦ Μοyeri, et ejus in quo fit motus, assumpta una vel altera continuitate, satis copiose demonstrare studet <sup>2)</sup>).

<sup>2)</sup> Phys. VI, 1. ὁμοίως δ' ἀνάγκη τῷ μήκει καὶ τῇ κινήσει ἀδιαίρετον εἶναι τὸν χρόνον, καὶ συγκεῖσθαι ἐκ τῶν νῦν ὄντων ἀδιαίρετων· εἰ γὰρ πᾶσα διαίρετός, ἐν τῷ ἐλάττωσι δὲ τὸ ἰσοταχὲς δίδεισιν ἐλάττωσι, διαίρετός ἐστι καὶ ὁ χρόνος· εἰ δ' ὁ χρόνος διαίρετός ἐν ᾧ φέρεται τι τὴν  $A$ , καὶ ἡ τὸ  $A$  ἔσται διαίρετή. cap. 2. Ἐπεὶ δὲ πᾶν μέγεθος εἰς μεγέθη διαίρετόν (δεδείκναι γὰρ ὅτι ἀδύνατον εἶναι τι συνεχές, μέγεθος δ' ἐστὶν ἅπαν συνεχές), ἀνάγκη τὸ θᾶττον ἐν τῷ ἴσῳ χρόνῳ μείζον καὶ ἐν τῷ ἐλάττωσι ἴσον καὶ ἐν τῷ ἐλάττωσι πλείον κινεῖσθαι, καθάπερ ὀρίζονται τινες τὸ θᾶττον. ἔστω γὰρ τὸ ἐφ' ᾧ  $A$  τοῦ ἐφ' ᾧ  $B$  θᾶττον· ἐπεὶ τοίνυν θᾶττόν ἐστι τὸ πρότερον μεταβάλλον, ἐν ᾧ χρόνῳ τὸ  $A$  μεταβέβληκεν ἀπὸ τοῦ  $\Gamma$  εἰς τὸ  $\Delta$ , οἷον τῷ  $ZH$ , ἐν τούτῳ τὸ  $B$  οὐπω ἔσται πρὸς τῷ  $A$ , ἀλλ' ἀπολείπει, ὥστε ἐν τῷ ἴσῳ χρόνῳ πλείον διείσι τὸ θᾶττον. ἀλλὰ μὴν καὶ ἐν τῷ ἐλάττωσι πλείον· ἐν ᾧ γὰρ τὸ  $A$  γηγένηται πρὸς τῷ  $A$ , τὸ  $B$  ἔστω πρὸς τῷ  $E$  τὸ βραδύτερον ὄν. οὐκοῦν ἐπεὶ τὸ  $A$  πρὸς τῷ  $\Delta$  γηγένηται ἐν ἅπαντι τῷ  $ZH$  χρόνῳ, πρὸς τῷ  $\Theta$  ἔσται ἐκ ἐλάττωσι τούτου· καὶ ἔστω ἐν  $ZK$ . τὸ μὲν οὖν  $\Gamma\Delta$ , ὃ διελήλυθε τὸ  $A$ , μείζον ἐστὶ τοῦ  $\Gamma E$ , ὁ δὲ χρόνος ὁ  $ZK$  ἐλάττων τοῦ παντός τοῦ  $ZH$ , ὥστε ἐν ἐλάττωσι μείζον διείσι. φανερόν δὲ ἐκ τούτων καὶ ὅτι τὸ θᾶττον ἐν ἐλάττωσι χρόνῳ διείσι τὸ ἴσον. ἐπεὶ γὰρ τὴν μείζω ἐν ἐλάττωσι διέρχεται τοῦ βραδυτέρου, αὐτὸ δὲ καθ' αὐτὸ λαμβανόμενον ἐν πλείονι χρόνῳ τὴν μείζω τῆς ἐλάττωσις, οἷον τὴν  $AM$  τῆς  $A\Xi$ , πλείων ἂν εἴη ὁ χρόνος ὁ  $PP$ , ἐν ᾧ τὴν  $AM$  διέρχεται, ἢ ὁ  $ΠΣ$ , ἐν ᾧ τὴν  $A\Xi$ . ὥστε εἰ ὁ  $PP$  χρόνος ἐλάττων ἐστὶ τοῦ  $ΠΧ$ , ἐν ᾧ τὸ βραδύτερον διέρχεται τὴν  $A\Xi$ , καὶ ὁ  $ΠΣ$  ἐλάττων ἐστὶ τοῦ ἐφ' ᾧ  $ΠΧ$ · τοῦ γὰρ  $PP$  ἐλάττων, τὸ δὲ τοῦ ἐλάττωσις ἐλάττωσι καὶ αὐτὸ ἐλάττωσι. ὥστε ἐν ἐλάττωσι κινήσεται τὸ ἴσον. εἰ δ' εἰ πᾶν ἀνάγκη ἢ ἐν ἴσῳ χρόνῳ ἢ ἐν ἐλάττωσι ἢ ἐν πλείονι κινεῖσθαι, καὶ τὸ μὲν ἐν πλείονι βραδύτερον, τὸ δ' ἐν ἴσῳ ἰσοταχὲς, τὸ δὲ θᾶττον οὔτε ἰσοταχὲς οὔτε βραδύτερον, οὔτ' ἂν ἐν ἴσῳ οὔτ' ἐν πλείονι κινεῖτο τὸ θᾶττον. λείπεται οὖν ἐν ἐλάττωσι, ὥστ' ἀνάγκη καὶ τὸ ἴσον μέγεθος ἐν ἐλάττωσι χρόνῳ διέναι τὸ θᾶττον. ἐπεὶ δὲ πᾶσα μὲν κίνησις ἐν χρόνῳ καὶ ἐν ἅπαντι χρόνῳ δυνατόν κινήσθαι, πᾶν δὲ τὸ κινούμενον ἐνδέχεται καὶ θᾶττον κινεῖσθαι καὶ βραδύτερον, ἐν ἅπαντι χρόνῳ ἔσται τὸ θᾶττον κινεῖσθαι καὶ βραδύτερον. τούτων δ' ὄντων ἀνάγκη καὶ τὸν χρόνον συνεχῇ εἶναι. λέγω δὲ συνεχές τὸ διαίρετόν εἰς ἀεὶ διαίρετά· τούτου γὰρ ὑποκειμένου τοῦ συνεχούς, ἀνάγκη συνεχῇ εἶναι τὸν χρόνον. ἐπεὶ γὰρ δίδεικται ὅτι τὸ θᾶττον ἐν ἐλάττωσι

Restat, ut brevi, quod notissimum est, adnotem primum motum continuum sive lationem, quum utrinque aeternus esse debeat, non posse, exten-

χρόνῳ διείσι τὸ ἴσον, ἔστω τὸ μὲν ἐφ' ᾧ  $A$  θάττον, τὸ δ' ἐφ' ᾧ  $B$  βραδύτερον, καὶ κινήσθω τὸ βραδύτερον τὸ ἐφ' ᾧ  $\Gamma\Delta$  μέγεθος ἐν τῷ  $ZH$  χρόνῳ. δῆλον τοίνυν ὅτι τὸ θάττον ἐν ἐλάττωι τούτου κινήσεται τὸ αὐτὸ μέγεθος· καὶ κινήσθω ἐν τῷ  $Z\Theta$ . πάλιν δ' ἐπεὶ τὸ θάττον ἐν τῷ  $Z\Theta$  διελήλυθε τὴν ὅλην τὴν  $\Gamma\Delta$ , τὸ βραδύτερον ἐν τῷ αὐτῷ χρόνῳ τὴν ἐλάττω διείσιν· ἔστι οὖν ἐφ' ἧς  $\Gamma K$ . ἐπεὶ δὲ τὸ βραδύτερον τὸ  $B$  ἐν τῷ  $Z\Theta$  χρόνῳ τὴν  $\Gamma K$  διελήλυθε, τὸ θάττον ἐν ἐλάττωι διείσιν, ὥστε πάλιν διαιρεθήσεται ὁ  $Z\Theta$  χρόνος. τούτου δὲ διαιρουμένου καὶ τὸ  $\Gamma K$  μέγεθος διαιρεθήσεται κατὰ τὸν αὐτὸν λόγον. εἰ δὲ τὸ μέγεθος, καὶ ὁ χρόνος. καὶ αἰεὶ τούτ' ἔστι μεταλαμβάνουσιν ἀπὸ τοῦ θάττονος τὸ βραδύτερον καὶ ἀπὸ τοῦ βραδυτέρου τὸ θάττον, καὶ τῷ ἀποδεδειγμένῳ χρωμένοις· διαίρησιν γὰρ τὸ μὲν θάττον τὸν χρόνον, τὸ δὲ βραδύτερον τὸ μῆκος. εἰ οὖν αἰεὶ μὲν ἀντιστρέφειν ἀληθές, ἀντιστρεφομένου δὲ αἰεὶ γίνεται διαίρεσις, φανερόν· ὅτι πᾶς χρόνος ἔσται συνεχής. ἅμα δὲ δῆλον καὶ ὅτι μέγεθος ἅπαν ἔστι συνεχές· τὰς αὐτὰς γὰρ καὶ τὰς ἴσας διαίρεσεις ὁ χρόνος διαίρεται καὶ τὸ μέγεθος. ἔτι δὲ καὶ ἐκ τῶν εἰρηθῶτων λόγων λέγεσθαι φανερόν ὡς εἴπερ ὁ χρόνος ἔστι συνεχής, ὅτι καὶ τὸ μέγεθος, εἴπερ ἐν τῷ ἡμίσει χρόνῳ ἡμισὺ διέσχεται καὶ ἀπλῶς ἐν τῷ ἐλάττωι ἐλάττω· αἱ γὰρ αὐταὶ διαίρεσεις ἔσονται τοῦ χρόνου καὶ τοῦ μεγέθους. καὶ εἰ ὁποτεροῦν ἄπειρον, καὶ θάτερον, καὶ ὡς θάτερον, καὶ θάτερον, οἷον εἰ μὲν τοῖς ἐσχάτοις ἄπειρος ὁ χρόνος, καὶ τὸ μῆκος τοῖς ἐσχάτοις, εἰ δὲ τῇ διαίρεσει, τῇ διαρῆσει καὶ τὸ μῆκος, εἰ δὲ ἀμφοῖν ὁ χρόνος, ἀμφοῖν καὶ τὸ μέγεθος. *ib. eod.* φανερόν οὖν ἐκ τῶν εἰρηθῶτων ὡς οὔτε γραμμὴ οὔτε ἐπίπεδον οὔτε ὅλως τῶν συνεχῶν οὐθέν ἐστι ἄτομον, οὐ μόνον διὰ τὸ νῦν λεχθέν, ἀλλὰ καὶ ὅτι συμβήσεται διαιρεῖσθαι τὸ ἄτομον. ἐπεὶ γὰρ ἐν ἅπαντι χρόνῳ τὸ θάττον καὶ βραδυτέρον ἔστι, τὸ δὲ θάττον πλεον διέσχεται ἐν τῷ ἴσῳ χρόνῳ, ἐνδέχεται καὶ διπλάσιον καὶ ἡμιόλιον διεῖναι μῆκος· εἴη γὰρ ἂν οὗτος ὁ λόγος τοῦ τάχους. ἐννεχθῶ οὖν τὸ θάττον ἡμιόλιον ἐν τῷ αὐτῷ χρόνῳ, καὶ διηρήσθω τὰ μεγέθη τὰ μὲν τοῦ θάττονος, ἐφ' ᾧ  $AB$   $B\Gamma$   $\Gamma\Delta$ , εἰς τρία ἄτομα, τὰ δὲ τοῦ βραδυτέρου εἰς δύο, ἐφ' ὧν  $EZ$   $ZH$ . οὐκοῦν καὶ ὁ χρόνος διαιρεθήσεται εἰς τρία ἄτομα· τὸ γὰρ ἴσον ἐν τῷ ἴσῳ χρόνῳ διείσιν. διηρήσθω οὖν ὁ χρόνος εἰς τὰ  $KA$   $AM$   $MN$ . πάλιν δ' ἐπεὶ τὸ βραδυτέρον ἐννεχεται τὴν  $EZ$   $ZH$ , καὶ ὁ χρόνος τμηθήσεται δίχα. διαιρεθήσεται ἄρα τὸ ἄτομον, καὶ τὸ ἀμερές οὐκ ἐν ἀτόμῳ διείσιν ἀλλ' ἐν πλείονι. φανερόν οὖν ὅτι οὐδὲν ἐστι τῶν συνεχῶν ἀμερές. *cap. 4.* ἐπεὶ δὲ πᾶν τὸ κινούμενον ἐν τινι κινεῖται καὶ χρόνον τινά, καὶ παντός ἐστι κίνησις, ἀνάγκη τὰς αὐτὰς εἶναι διαίρεσεις τοῦ τε χρόνου καὶ τῆς κινήσεως καὶ τοῦ κινεῖσθαι καὶ τοῦ κινουμένου καὶ ἐν ᾧ ἡ κίνησις. πλὴν οὐ πάντων ὁμοίως, ἐν οἷς ἡ κίνησις, ἀλλὰ τοῦ μὲν πόσῳ καθ' αὐτό, τοῦ δὲ ποιῶν κατὰ συμβεβηκός. εἰλήθῃ γὰρ ὁ χρόνος ἐν ᾧ κινεῖται ἐφ' ᾧ  $A$ , καὶ ἡ κίνησις ἐφ' ᾧ  $B$ . εἰ οὖν τὴν ὅλην ἐν τῷ παντὶ χρόνῳ κινήσεται, ἐν τῷ ἡμίσει ἐλάττω, καὶ πάλιν τούτου διαιρεθέντος ἐλάττω ταύτης, καὶ αἰεὶ οὕτως. ὁμοίως δὲ καὶ ἡ κίνησις διαιρετὴ καὶ ὁ χρόνος διαιρετός· εἰ γὰρ τὴν ὅλην ἐν τῷ παντί, τὴν ἡμίσειαν ἐν τῷ ἡμίσει, καὶ πάλιν τὴν ἐλάττω ἐν τῷ ἐλάττωι. τὸν αὐτὸν δὲ

sione in recta determinata alium esse quam circularem <sup>3)</sup>. Hinc etiam menti quaedam continuitas vindicatur, Platonis sententia quantumvis reprobata <sup>4)</sup>.

## 5.

*De Zenonis paralogismis.*

Praeunte Aristotele de Zenonis paralogismis continuitatem spectantibus separatim agere non alienum videtur. Pauca ante exponenda sunt. Quum omne, quod mutatur, ex aliquo in aliquid mutetur, quod mutatum est, ubi primum est mutatum, in eo sit necesse est, in quod mutatum est. Aut enim unum est mutari et deserere, aut necessario conjunctum inter se. Optime id est videre in generatione, in qua quum ejusmodi sit, item est etiam in ceteris mutationibus <sup>1)</sup>. Tempus

τρόπον καὶ τὸ κινεῖσθαι διαιρεθῆσεται. ἔστω γὰρ ἐφ' ὧ Γ τὸ κινεῖσθαι. κατὰ δὲ τὴν ἡμίσειαν κίνησιν ἔλαιτον ἔσται τοῦ ὅλου, καὶ πάλιν κατὰ τὴν τῆς ἡμισείας ἡμίσειαν, καὶ αἰεὶ οὕτως. ἔστι δὲ καὶ ἐκθέμενον τὸ καθ' ἑκατέραν τῶν κινήσεων κινεῖσθαι, οἷον κατὰ τε τὴν ΑΓ καὶ τὴν ΓΕ, λέγειν ὅτι τὸ ὅλον ἔσται κατὰ τὴν ὅλην· εἰ γὰρ ἄλλο, πλείω ἔσται κινεῖσθαι κατὰ τὴν αὐτὴν κίνησιν, ὥσπερ ἐδείξαμεν καὶ τὴν κίνησιν διαιρετὴν εἰς τὰς τῶν μερῶν κινήσεις οὖσαν· ληφθέντος γὰρ τοῦ κινεῖσθαι καθ' ἑκατέραν συνεχῆς ἔσται τὸ ὅλον. ὡσαύτως δὲ δειχθήσεται καὶ τὸ μῆκος διαιρετόν, καὶ ὅλως πᾶν ἐν ᾧ ἐστὶν ἡ μεταβολή. πλὴν ἔνια κατὰ συμβεβηκός, ὅτι τὸ μεταβάλλον ἐστὶ διαιρετόν· ἐνός γὰρ διαιρουμένου πάντα διαιρεθήσεται. καὶ ἐπὶ τοῦ πεπερασμένου εἶναι ἢ ἄπειρα ὁμοίως ἔξει κατὰ πάντων. ἠκολούθησε δὲ μάλιστα τὸ διαιρεῖσθαι πάντα καὶ ἄπειρα εἶναι ἀπὸ τοῦ μεταβάλλοντος· εὐθύς γὰρ ἐνυπάρχει τῷ μεταβάλλοντι τὸ διαιρετόν καὶ τὸ ἄπειρον.

## 3) Phys. VIII, 7. 8.

<sup>4)</sup> de Anim. I, 3. ὁ δὲ νοῦς εἷς καὶ συνεχής, ὥσπερ καὶ ἡ νόησις· ἡ δὲ νόησις τὰ νοήματα· ταῦτα δὲ τῷ ἐφεξῆς ἐν, ὡς ἀριθμός, ἀλλ' οὐχ ὡς τὸ μέγεθος. διόπερ οὐδ' ὁ νοῦς οὕτως συνεχής, ἀλλ' ἥτοι ἀμερὴς ἢ οὐχ ὡς μέγεθος τι συνεχής κ. τ. λ. cf. Trendelenburg ad h. l. pag. 255. sqq.

<sup>1)</sup> Phys. VI, 5. ἐπεὶ δὲ πᾶν τὸ μεταβάλλον ἐκ τινος εἷς τι μεταβάλλει, ἀνάγκη τὸ μεταβεβληκός, ὅτε πρῶτον μεταβεβλήκεν, εἶναι ἐν ᾧ μεταβεβλήκεν. τὸ γὰρ μεταβάλλον, ἐξ οὗ μεταβάλλει, ἐξίσταται ἢ ἀπολείπει αὐτό, καὶ ἥτοι ταυτόν ἐστι τὸ μεταβάλλειν καὶ τὸ ἀπολείπειν, ἢ ἀκολουθεῖ τῷ μεταβάλλειν τὸ ἀπολείπειν. εἰ δὲ τῷ μεταβάλλειν τὸ ἀπολείπειν τῷ μεταβεβληκέναι τὸ ἀπολελοιπέναι· ὁμοίως γὰρ ἐκάτερον ἔχει πρὸς ἐκάτερον. ἐπεὶ οὖν μία τῶν μεταβολῶν ἢ κατ' ἀντίφασιν, ὅτε μεταβεβλήκεν ἐκ τοῦ μὴ ὄντος εἰς

quum sit infinite dividuum, non exstat initium mutationis, quoniam quam velis parvam temporis particulam sumseris, eam poteris rursus dividere, ita ut semper ante initium mutationis fuerit mutatio. Nec ejus, quod mutatur, quidquam est, quod primum mutetur. Hoc est, quod motum est, ante moveatur, quod movetur, ante motum sit necesse est. Idem valet de generatione et corruptione ita, ut queas dicere, quod generatum est, ante generetur, quod generatur, ante generatum sit necesse est <sup>2)</sup>. Porro in his, quae pertinent ad motum, rationem finiti ad infinitum absonam esse demonstratur. Itaque non exstat motus infinitus finito tempore <sup>3)</sup>. Pergit Aristoteles, quae valent de motu, ea dicere de ultima motus particula, qua itur ad statum. Igitur quodcumque consistit, quum consistit, movetur. Quidquid ad statum contendit, id in tempore ad eum contendit, atque in qualibet istius temporis parte movetur. Nec ullum tempus est, quo primo quidquam consistat. Nec exstat quies nisi in tempore, nec tempus, quo primo quidquam quiescat. Siquidem id quiescere vere dicimus, quod sit per plura temporis momenta in eodem et ipsum et ejus partes, id quod movetur eatenus non est sive quiescit vel in primo tempore. Nam vel hoc primum tempus dividuum est, move-  
turque mobile in unaquaque harum particularum primi temporis. Quod movetur solum est in absolutis nunc, sed hoc esse nec quies nec motus est, quorum uterque non cadit in absolutum nunc <sup>4)</sup>.

τὸ ὄν, ἀπολέλοιπε τὸ μὴ ὄν. ἔσται ἄρα ἐν τῇ ὄντι· πᾶν γὰρ ἀνάγκη ἢ εἶναι ἢ μὴ εἶναι. φανερόν οὖν ὅτι ἐν τῇ κατ' ἀντίφασιν μεταβολῇ τὸ μεταβεβληκὸς ἔσται ἐν ᾧ μεταβέβληκεν. εἰ δ' ἐν ταύτῃ, καὶ ἐν ταῖς ἄλλαις· ὁμοίως γὰρ ἐπὶ μιᾷ καὶ τοῖν ἄλλων κ. τ. λ.

<sup>2)</sup> Phys. VI, 5. οὐ γὰρ ἔστιν ἀρχὴ μεταβολῆς, οὐδ' ἐν ᾧ πρῶτον τοῦ χρόνου μετέβαλλεν κ. τ. λ. ib. eod. οὐδὲ δὴ τοῦ μεταβεβληκότητος ἔστι τι πρῶτον ὃ μεταβέβληκεν κ. τ. λ. Phys. VI, 6. ὥστε ἀνάγκη τὸ μεταβεβληκὸς μεταβάλλειν καὶ τὸ μεταβάλλον μεταβεβληκέναι, καὶ ἔστι τοῦ μὲν μεταβάλλειν τὸ μεταβεβληκέναι πρότερον, τοῦ δὲ μεταβεβληκέναι τὸ μεταβάλλειν, καὶ οὐδέποτε ληφθήσεται τὸ πρῶτον. αἴτιον δὲ τούτου τὸ μὴ εἶναι ἀμερὲς ἀμεροῦς ἐχόμενον· ἐπ' ἄπειρον γὰρ ἢ διαίρεσις, καθάπερ ἐπὶ τῶν αὐξανόμενων καὶ καθαιρουμένων γραμμῶν. φανερόν οὖν ὅτι καὶ τὸ γεγονὸς ἀνάγκη γίνεσθαι πρότερον καὶ τὸ γινόμενον γεγενῆαι κ. τ. λ.

<sup>3)</sup> Phys. VI, 7.

<sup>4)</sup> Phys. VI, 8. ἀνάγκη τὸ ἰστάμενον ὅτε ἴσταται κινεῖσθαι· εἰ γὰρ μὴ κινεῖται, ἡρεμῇσιν· ἀλλ' οὐκ ἐνδέχεται ἡρεμίζεσθαι τὸ ἡρεμοῦν. τούτου δ' ἀποδεδειγμένου φανερόν ὅτι καὶ

Jam paucissimis licet absolvere Zenonis illas voces inauditas, quae Aristotelis temporibus recenti memoria etiam mirabiliores fuerint, ut, si Stagirita copiosius de iis disserere nobis videatur, id illuc sit fortasse referendum, atque prolixa de iis expositio eo facilius sit ferenda, quo magis et ea, quae opponuntur, a vulgari hominum opinione abhorrent. Primum finita extensio infinitas partes continet, nec potest finito tempore percurri. Quod Aristoteles per respondentem infinitam temporis divisionem solvit, omninoque finiti ad infinitum rationem non exstare dicit. Haec tamen solutio, quamvis sufficiat ad Zenonem debellandum, nec sufficit revera, nec ad reprimendum Democritum. Infinitas divisionis cujuscunque continui non actu sed potentia est. Si enim actu lineam dividis, idem punctum bis numeras continuitatemque destruis. Itaque vere dixeris, infinitum sive tempus sive extensionem percurri posse quadamtenus, quadamtenus non item. Quod actu infinitum est, non

ἐν χρόνῳ ἴσταισθαι ἀνάγκη· τὸ γὰρ κινούμενον ἐν χρόνῳ κινεῖται, τὸ δ' ἰστάμενον δέδεικται κινούμενον, ὥστε ἀνάγκη ἐν χρόνῳ ἴσταισθαι. *ib. eod.* ἐπεὶ οὖν χρόνος ἐστὶν ἐν ᾧ πρῶτῳ ἴσταιται, καὶ οὐκ ἄτομον, ἅπας δὲ χρόνος εἰς ἄπειρα μεριστός, οὐκ ἔσται ἐν ᾧ πρῶτῳ ἴσταιται. οὐδὲ δὴ τὸ ἡρεμοῦν ὅτε πρῶτον ἡρέμησέν ἐστιν· ἐν ἀμερεῖ μὲν γὰρ οὐκ ἡρέμησε διὰ τὸ μὴ εἶναι κίνησιν ἐν ἀτόμῳ· ἐν ᾧ δὲ τὸ ἡρεμεῖν καὶ τὸ κινεῖσθαι· τότε γὰρ ἔφαμεν ἡρεμεῖν, ὅτε καὶ ἐν ᾧ πεφυκὸς κινεῖσθαι μὴ κινεῖται τὸ πεφυκός. ἔτι δὲ καὶ τότε λέγομεν ἡρεμεῖν, ὅταν ὁμοίως ἔχῃ νῦν καὶ πρότερον, ὡς οὐχ ἐνί τινι κρίνοντες ἀλλὰ δυοῖν τοῖν ἐλαχίστοις· ὥστ' οὐκ ἔσται ἐν ᾧ ἡρεμεῖ ἀμερές. εἰ δὲ μεριστόν, χρόνος· ἂν εἴη, καὶ ἐν ὁμοῦν αὐτοῦ τῶν μερῶν ἡρεμήσει· τὸν αὐτὸν γὰρ τρόπον δειχθήσεται ὅν καὶ ἐπὶ τοῖν πρότερον· ὥστ' οὐθέν ἐσται πρῶτον. τούτου δ' αἴτιον ὅτι ἡρεμεῖ μὲν καὶ κινεῖται πᾶν ἐν χρόνῳ, χρόνος δ' οὐκ ἔστι πρῶτος οὐδὲ μέγεθος οὐδ' ὅλως συνεχές οὐδέν· ἅπαν γὰρ εἰς ἄπειρα μεριστόν. ἐπεὶ δὲ πᾶν τὸ κινούμενον ἐν χρόνῳ κινεῖται καὶ ἔκ τινος εἰς τι μεταβάλλει, ἐν ᾧ χρόνῳ κινεῖται καθ' αὐτὸ καὶ μὴ τῶν ἐν ἐκείνου τινί, ἀδύνατον τότε κατὰ τι εἶναι πρῶτον τὸ κινούμενον. τὸ γὰρ ἡρεμεῖν ἐστὶ τὸ ἐν τῷ αὐτῷ εἶναι χρόνον τινὰ καὶ αὐτὸ καὶ τῶν μερῶν ἕκαστον. οὕτω γὰρ λέγομεν ἡρεμεῖν, ὅταν ἐν ἄλλῳ καὶ ἄλλῳ τῶν νῦν ἀληθές ἢ εἰπεῖν ὅτι ἐν τῷ αὐτῷ καὶ αὐτὸ καὶ τὰ μέρη. εἰ δὲ τοῦτ' ἐστὶ τὸ ἡρεμεῖν, οὐκ ἐνδέχεται τὸ μεταβάλλον κατὰ τι εἶναι ὅλον κατὰ τὸν πρῶτον χρόνον· ὁ γὰρ χρόνος διαιρετός ἅπας, ὥστε ἐν ἄλλῳ καὶ ἄλλῳ αὐτοῦ μέρος ἀληθές ἐσται εἰπεῖν ὅτι ἐν ταύτῳ ἐστὶ καὶ αὐτὸ καὶ τὰ μέρη· εἰ γὰρ μὴ οὕτως ἀλλ' ἐν ἐνὶ μόνῳ τῶν νῦν, οὐκ ἔσται χρόνον οὐδένα κατὰ τι, ἀλλὰ κατὰ τὸ πέραν τοῦ χρόνου. ἐν δὲ τῷ νῦν ἐστὶ μὲν αἰεὶ κατὰ τι μένον, οὐ μέντοι ἡρεμεῖ· οὔτε γὰρ κινεῖσθαι οὔτ' ἡρεμεῖν ἔστιν ἐν τῷ νῦν, ἀλλὰ μὴ κινεῖσθαι μὲν ἀληθές ἐν τῷ νῦν καὶ εἶναι κατὰ τι, ἐν χρόνῳ δ' οὐκ ἐνδέχεται εἶναι κατὰ τὸ ἡρεμοῦν· συμβαίνει γὰρ τὸ φερόμενον ἡρεμεῖν. *cf. Phys. VI, 3.*



potest percurri, quod potentia infinitum, potest percurri. Quod continuo movetur, per accidens transit infinita, per se non item. Omnis extensio per accidens infinitas particulas habet, non item per se. Deinde Achilles non potest testudinem fugientem assequi, quia, quod antecessit testudo, infinitum divisione est, nec finito tempore percurri potest. Eadem, quae antea, ratio est. Tum unumquidque quiescit, ubi est in aequali. Est autem semper id quod movetur in τῷ nunc. Itaque non movetur sagitta mota. At in absoluto nunc nec quidquam quiescit, nec movetur, nec tempus ex illis nunc constat <sup>5</sup>).

<sup>5</sup>) Phys. VI, 2. διὸ καὶ ὁ Ζήνωνος λόγος ψευδὸς λαμβάνει τὸ μὴ ἐνδέχασθαι τὰ ἄπειρα διελθεῖν ἢ ἄψασθαι τῶν ἀπείρων καθ' ἕκαστον ἐν πεπερασμένῳ χρόνῳ. διχῶς γὰρ λέγεται καὶ τὸ μήκος καὶ ὁ χρόνος ἄπειρον, καὶ ὅλως πᾶν τὸ συνεχές, ἥτοι κατὰ διαιρέσεις ἢ τοῖς ἐσχάτοις. τῶν μὲν οὖν κατὰ ποσὸν ἀπείρων οὐκ ἐνδέχεται ἄψασθαι ἐν πεπερασμένῳ χρόνῳ, τῶν δὲ κατὰ διαιρέσεις ἐνδέχεται· καὶ γὰρ αὐτὸς ὁ χρόνος οὕτως ἄπειρος. ὥστε ἐν τῷ ἀπείρῳ καὶ οὐκ ἐν τῷ πεπερασμένῳ συμβαίνει διέναι τὸ ἄπειρον, καὶ ἄπτεσθαι τῶν ἀπείρων τοῖς ἀπείροις, οὐ τοῖς πεπερασμένοις. οὔτε δὴ τὸ ἄπειρον οἶόν τε ἐν πεπερασμένῳ χρόνῳ διελθεῖν, οὔτ' ἐν ἀπείρῳ τὸ πεπερασμένον· ἀλλ' ἐάν τε ὁ χρόνος ἄπειρος ἢ, καὶ τὸ μέγεθος ἔσται ἄπειρον, ἐάν τε τὸ μέγεθος, καὶ ὁ χρόνος. ἔστω γὰρ πεπερασμένον μέγεθος ἐφ' οὗ  $AB$ , χρόνος δὲ ἄπειρος ἐφ' ᾧ  $\Gamma$ . εἰλήφθω δὲ τι τοῦ χρόνου πεπερασμένον, ἐφ' ᾧ  $\Gamma\Delta$ . ἐν τούτῳ οὖν διείσι τι τοῦ μεγέθους, καὶ ἔστω διηλυθὸς ἐφ' ᾧ  $BE$ . τοῦτο δὲ ἢ καταμετρήσει τὸ ἐφ' ᾧ  $AB$ , ἢ ἐλλείψει, ἢ ὑπερβαλεῖ· διαφέρει γὰρ οὐθέν· εἰ γὰρ αἰετὶ τὸ ἴσον τῷ  $BE$  μέγεθος ἐν ἴσῳ χρόνῳ δίεισι, τοῦτο δὲ καταμετρεῖ τὸ ὅλον, πεπερασμένος ἔσται ὁ πῶς χρόνος ἐν ᾧ διήλθεν· εἰς ἴσα γὰρ διαιρεθήσεται, ὡς καὶ τὸ μέγεθος. ἔτι δ' εἰ μὴ πᾶν μέγεθος ἐν ἀπείρῳ χρόνῳ δίεισι, ἀλλ' ἐνδέχεται τι καὶ ἐν πεπερασμένῳ διελθεῖν, οἷον τὸ  $BE$ , τοῦτο δὲ καταμετρήσει τὸ πᾶν, καὶ τὸ ἴσον ἐν ἴσῳ δίεισι, ὥστε πεπερασμένος ἔσται καὶ ὁ χρόνος. ὅτι δ' οὐκ ἐν ἀπείρῳ δίεισι τὸ  $BE$ , φανερόν, εἰ ληφθῇ ἐπὶ θάτερον πεπερασμένον ὁ χρόνος· εἰ γὰρ ἐν ἐλάττω τὸ μέρος δίεισι, τοῦτο ἀνάγκη πεπερασμένον, θατέρου γε πέραςτος ὑπάρχοντος. Phys. VI, 9. Ζήνων δὲ παραλογίζεται· εἰ γὰρ αἰετὶ, φησὶν, ἡρεμεῖ πᾶν ἢ κινεῖται, ὅταν ἢ κατὰ τὸ ἴσον, ἔστι δ' αἰετὶ τὸ φερόμενον ἐν τῷ νῦν, ἀκίνητον τὴν φερομένην εἶναι οἰστών. τοῦτο δ' ἐστὶ ψευδὸς· οὐ γὰρ σύγκειται ὁ χρόνος ἐκ τῶν νῦν τῶν ἀδιαιρέτων, ὥσπερ οὐδ' ἄλλο μέγεθος οὐδέν. τέτταρες δ' εἰσὶ λόγοι περὶ κινήσεως Ζήνωνος οἱ παρέχοντες τὰς δυσκολίας τοῖς λύουσιν, πρῶτος μὲν ὁ περὶ τοῦ μὴ κινεῖσθαι διὰ τὸ πρότερον εἰς τὸ ἡμῖς δεῖν ἀφικέσθαι τὸ φερόμενον ἢ πρὸς τὸ τέλος, περὶ οὗ διέλομεν ἐν τοῖς πρότερον λόγοις. δεύτερος δ' ὁ καλούμενος Ἀχιλλεύς· ἔστι δ' οὗτος, ὅτι τὸ βραδύτερον οὐδέποτε καταληφθήσεται θεόν ὑπὸ τοῦ ταχίστου· ἔμπροσθεν γὰρ ἀναγκαῖον ἐλθεῖν τὸ διώκον, ὅθεν ὥρμησε τὸ φεύγον, ὥστ' αἰετὶ τι προέχειν ἀναγκαῖον τὸ βραδύτερον. ἔστι δὲ καὶ οὗτος ὁ αὐτὸς λόγος τῷ διχοτομεῖν, διαφέρει δ' ἐν τῷ διαιρεῖν μὴ δίχα τὸ προσλαμβανό-



### Conclusio.

Aristoteli philosopho experientissimo *data* fuit materiae sensibilis *cohaerentia*. Quae vero res cohaeret, eam *unam* vocamus. Nec unionis diversitas fugere potuit naturae investigatorem. Quod cohaeret, id habet etiam

μενον μέγεθος. τὸ μὲν οὖν μὴ καταλαμβάνεσθαι τὸ βραδύτερον συμβέβηκεν ἐκ τοῦ λόγου, γίνεται δὲ παρὰ ταῦτό τῇ διχοτομίᾳ (ἐν ἀμφοτέροις γὰρ συμβαίνει μὴ ἀφικνεῖσθαι πρὸς τὸ πέρας διαιρουμένου πως τοῦ μεγέθους· ἀλλὰ πρόσκειται ἐν τούτῳ ὅτι οὐδὲ τὸ τάχιστον τετραγυφθὲν ἐν τῇ διώκειν τὸ βραδύτατον), ὥστ' ἀνάγκη καὶ τὴν λύσιν εἶναι τὴν αὐτήν. τὸ δ' ἀξιούν ὅτι τὸ προέχον οὐ καταλαμβάνεται, ψεῦδος· ὅτε γὰρ προέχει, οὐ καταλαμβάνεται· ἀλλ' ὅμως καταλαμβάνεται, εἴπερ δώσει διεξιέναι τὴν πεπερασμένην. οὗτοι μὲν οὖν οἱ δύο λόγοι, τρίτος δ' ὁ νῦν ῥηθείς, ὅτι ἡ οἷστος γενομένη ἔστηκεν. συμβαίνει δὲ παρὰ τὸ λαμβάνειν τὸν χρόνον συγκεῖσθαι ἐκ τῶν νῦν· μὴ διδόμενον γὰρ τούτου οὐκ ἔστι οὗ συλλογισμός. **Phys. VIII, 8.** τὸν αὐτὸν δὲ τρόπον ἀπαντητέον καὶ πρὸς τοὺς ἐρωτῶντας τὸν Ζήνωνος λόγον, καὶ ἀξιούντας, εἰ αἰεὶ τὸ ἡμισυ διέναι δεῖ, ταῦτα δ' ἄπειρα, τὰ δ' ἄπειρα ἀδύνατον διεξελθεῖν, ἢ ὡς τὸν αὐτὸν τοῦτον λόγον τινὲς ἄλλως ἐρωτῶσιν, ἀξιούντες ἅμα τῷ κινεῖσθαι τὴν ἡμίσειαν πρότερον ἀριθμεῖν καθ' ἕναστον γινόμενον τὸ ἡμισυ, ὥστε διελθόντος τὴν ὅλην ἄπειρον συμβαίνει ἡριθμηκεῖν ἀριθμόν· τοῦτο δ' ὁμολογουμένως ἐστὶν ἀδύνατον. ἐν μὲν οὖν τοῖς πρώτοις λόγοις τοῖς περὶ κινήσεως ἐλύομεν διὰ τοῦ τὸν χρόνον ἄπειρα ἔχειν ἐν αὐτῷ· οὐδὲν γὰρ ἄτοπον, εἰ ἐν ἀπείρῳ χρόνῳ ἄπειρα διέρχεται τις· ὁμοίως δὲ τὸ ἄπειρον ἐν τε τῇ μήκει ὑπάρχει καὶ ἐν τῷ χρόνῳ. ἀλλ' αὕτη ἡ λύσις πρὸς μὲν τὸν ἐρωτῶντα ἱκανῶς ἔχει (ἡρωιᾶτο γὰρ εἰ ἐν πεπερασμένῳ ἄπειρα ἐνδέχεται διεξελθεῖν ἢ ἀριθμῆσαι), πρὸς δὲ τὸ πρᾶγμα καὶ τὴν ἀλήθειαν οὐχ ἱκανῶς· ἂν γὰρ τις ἀφήμενος τοῦ μήκους καὶ τοῦ ἐρωτᾶν εἰ ἐν πεπερασμένῳ χρόνῳ ἐνδέχεται ἄπειρα διεξελθεῖν, πυνθάνηται ἐπ' αὐτοῦ τοῦ χρόνου ταῦτα (ἔχει γὰρ ὁ χρόνος ἀπείρους διαιρέσεις), οὐκέτι ἱκανὴ ἔστι αὕτη ἡ λύσις, ἀλλὰ τὸ ἀληθὲς λεκτέον, ὅπερ εἵπομεν ἐν τοῖς ἄρτι λόγοις. ἂν γὰρ τις τὴν συνεχὴ διαιρῇ εἰς δύο ἡμίση, οὗτος τῷ ἐν σημείῳ ὡς δυσὶ χρηταί· ποιῇ γὰρ αὐτὸ ἀρχὴν καὶ τελευτήν. οὕτω δὲ ποιῇ ὅ τε ἀριθμῶν καὶ ὁ εἰς τὰ ἡμίση διαιρῶν. οὕτω δὲ διαιροῦντος οὐκ ἔστι συνεχὴς οὐθ' ἡ γραμμὴ οὐθ' ἡ κίνησις· ἡ γὰρ συνεχὴς κίνησις συνεχοῦς ἐστίν, ἐν δὲ τῷ συνεχεῖ ἔνεστι μὲν ἄπειρα ἡμίση, ἀλλ' οὐκ ἐντελεχεία· ἀλλὰ δυνάμει. ἂν δὲ ποιῇ ἐντελεχεία, οὐ ποιήσει συνεχή, ἀλλὰ στήσει, ὅπερ ἐπὶ τοῦ ἀριθμοῦντος τὰ ἡμίση φανερόν ἐστιν ὅτι συμβαίνει· τὸ γὰρ ἐν σημείῳ ἀνάγκη αὐτῷ ἀριθμεῖν δύο· τοῦ μὲν γὰρ ἐτέρου τελευτὴ ἡμίσεος τοῦ δ' ἐτέρου ἀρχὴ ἔστι, ἂν μὴ μίαν ἀριθμῇ τὴν συνεχήν, ἀλλὰ δύο ἡμισείας. ὥστε λεκτέον πρὸς τὸν ἐρωτῶντα εἰ ἐνδέχεται ἄπειρα διεξελθεῖν ἢ ἐν χρόνῳ ἢ ἐν μήκει, ὅτι ἔστιν ὡς, ἔστι δ' ὡς οὐ. ἐντελεχεία μὲν γὰρ ὄντα οὐκ ἐνδέχεται, δυνάμει δ' ἐνδέχεται· ὁ γὰρ συνεχῶς κινούμενος κατὰ συμβεβηκὸς ἄπειρα διελήλυθεν, ἀπλῶς δ' οὐ. συμβέβηκε γὰρ τῇ γραμμῇ ἄπειρα ἡμίση εἶναι, ἢ δ' οὐσία ἐστὶν ἑτέρα καὶ τὸ εἶναι κ. τ. λ. cf. Trendelenburg Dispp. Logg. I. p. 179, 8.

magnitudinem dividuam. Quum autem mathematici et sumunt et demonstrant, omnem magnitudinem esse *infinite dividuam*, mutatur eadem cohaerentia physica in *continuitatem infinite dividuam*. *Infinitas* autem *et actu et potentia* est. Quo quasi exstruitur et consummatur notio ad quodcunque certamen ineundum, quoniam omnes, quas reliqui philosophi separaverant vel conjunctas defendere vix poterant, notas repugnantes reconciliatas in se recepit. Ceterum tres apud Aristotelem continuitates, artificialem, naturalem, mathematicam non prorsus immerito ab Averroe distinctas fuisse patet. Restat, ut adnotemus tempus, comparatione cum linea instituta, factum esse continuum. Quid, quod intensivae mutationis continuitas jam emersit, numeris usque discretis, sed intercepto inani. —

